

بررسی جذب کادمیوم توسط اسید هیومیک استخراج شده از خاک و کود هیومیکی- بخش دوم: اثر قدرت یونی بر جذب کادمیوم و برآش مدل‌های مختلف بر ایزوترم‌های جذبی

سارا ملاعلی عباسیان^{*}، حسن توفیقی^۲

۱. دانشجوی دکتری پرديس کشاورزی و منابع طبیعی دانشگاه تهران

۲. دانشیار پرديس کشاورزی و منابع طبیعی دانشگاه تهران

(تاریخ دریافت: ۱۳۹۲/۶/۲۳ - تاریخ تصویب: ۱۳۹۳/۱/۲۶)

چکیده

در این تحقیق اثر قدرت یونی در جذب کادمیوم توسط دو نوع اسید هیومیک مختلف (اسید هیومیک‌های استخراج شده از افق سطحی خاک جنگل‌های سوزنی برگ شمال ایران و اسید هیومیک کودی تجاری) بررسی شد. نتایج نشان داد با افزایش قدرت یونی جذب کادمیوم در هر دو نوع اسید هیومیک در pH‌های مطالعه شده (۵، ۷، ۸، ۹) کاهش می‌یابد. با این حال، اثر قدرت یونی در جذب با افزایش pH تمایل به کاهش نشان داد. اثر قدرت یونی در جذب را می‌توان به یک یا ترکیبی از عوامل مختلف زیر نسبت داد: ۱. افزایش قدرت یونی باعث افزایش رقابت یون رقباً کننده (Ca^{2+}) و کادمیوم می‌شود؛ ۲. افزایش قدرت یونی ثابت پایداری کمپلکس سطحی کادمیوم را کاهش می‌دهد؛ ۳. افزایش قدرت یونی منجر به متراکم شدن یا فلوكولیشن اسید هیومیک می‌شود؛ ۴. افزایش قدرت یونی می‌تواند باعث کاهش رسوب احتمالی کادمیوم در فصل مشترک دو فاز مایع و جامد شود. یافته‌های این پژوهش نشان داد اثر قدرت یونی در کاهش جذب کادمیوم در اسید هیومیک کودی بیشتر است؛ که می‌توان آن را به بالابودن مقادیر اسیدیتی کل و گروههای فلی در اسید هیومیک خاکی نسبت داد. در این تحقیق، برای توصیف داده‌های جذب کادمیوم، از معادله‌های فرنندلیچ و لنگموئیر یکمکانی و دومکانی استفاده شد. نتایج بیانگر آن است که معادله فرنندلیچ در هر دو نوع اسید هیومیک خاکی و کودی به خوبی بر داده‌ها برآش می‌یابد. شکل خطی مدل لنگموئیر یکمکانی به خوبی بر همه داده‌های حاصل برآش نیافت. عدم برآش این مدل می‌تواند دلیلی بر ناهمگنی در مکان‌های جذبی اسید هیومیک باشد. به همین منظور، مدل دومکانی لنگموئیر به کار رفت و برای به دست آوردن پارامترهای مدل مذکور از دو روش مختلف استفاده شد.

کلیدواژگان: معادله دومکانی لنگموئیر، معادله فرنندلیچ، معادله لنگموئیر

مقدمه

۱۹۵۰ کسانی که در ژاپن برنج آلوده به کادمیوم مصرف کرده بودند دچار بیماری استخوانی خاصی به نام ئی تائی ئی تائی شدند (Hizal and Apak, 2006). اسیدهای هیومیک می‌توانند به وسیله لیگاندهای کربوکسیلات و فنولات با یون‌های فلزات سنگین، از جمله کادمیوم، کمپلکس الکتروستاتیکی تشکیل دهند (Hiraide, 1992). اغلب یون‌های فلزات سنگین با تشکیل کمپلکس‌های کره درونی با گروههای کربوکسیلات و فنولات اسیدهای هیومیک، صرف‌نظر از نوع یون فلزی و نوع اسید هیومیک، در خاک نگهداری می‌شوند (Tipping *et al.*, 2002). توان جذب سطحی مواد هیومیک به دانسیتۀ گروههای کربوکسیل آن بستگی دارد؛ طوری که با افزایش تعداد این گروهها در واحد سطح میزان برهم‌کنش مواد هیومیک با کادمیوم بیشتر می‌شود (Andelković *et al.*, 2010). عواملی نظری منشأ و روش استخراج اسید هیومیک، pH، دما، غلظت، و ترکیب الکتروولیت زمینه بر میزان جذب فلزات سنگین، از جمله

مواد هیومیکی به دلیل داشتن تعداد زیادی گروههای عاملی متنوع واکنش‌پذیری بالایی دارند. گروههای عاملی موجود در مواد هیومیکی عمدهاً شامل گروههای کربوکسیل، هیدروکسیل فنولی و الكلی، کربونیل، و متوكسیل است. اسید هیومیک در محلول‌های شدیداً بازی به صورت کاملاً محلول است و حلایت آن‌ها با بالارفتن pH افزایش و با بالارفتن غلظت الکتروولیت‌های خنثی کاهش می‌یابد (Kipton *et al.*, 1992).

کادمیوم یکی از انواع فلزات سنگین است که هر ساله مقادیر زیادی از آن در اثر فعالیت‌های صنعتی و کشاورزی به خاک و آب‌ها اضافه می‌شود. کادمیوم بسیار سمی است و در شرایطی می‌تواند باعث سرطان ریه و کلیه شود. در اواسط دهه

جنگل‌های سوزنی برگ منطقه کلاردشت تهیه و پس از هواختشکشدن از الک ۲ میلی‌متری عبور داده شد. مقداری از خاک به لوله‌های سانتریفیوژ منتقل شد و پس از شستشو با محلول ۱ مolar HCl و دور ریختن محلول رویی حاصل از سانتریفیوژ به آن سود سوزآور ۰/۱ مolar اضافه شد و تحت اتمسفر N₂ و مدتی تکان دادن به مدت یک شب به حال خود رها شد. سپس به مدت یک شب در دستگاه تکان‌دهنده قرار گرفت و محلول روئی حاصل از سانتریفیوژ جدا و در ظرفی نگهداری شد. این کار به کرات تکرار شد. به ظرف از محلول ۶ مolar HCl آنقدر اضافه شد تا pH سوسپانسیون به ۱ کاهش یابد. سوسپانسیون پس از ۱۶ ساعت سانتریفیوژ شد و محلول رویی دور ریخته شد. به رسوب زیرین KOH اضافه شد تا غلظت K در محلول به حدود ۰/۳ مolar برسد. محتویات در ۱۷۰۰۰ دور در دقیقه سانتریفیوژ شد تا جامدات معلق رسوب کند. محلول رویی جدا و به آن از محلول ۶ مolar اضافه شد تا pH به زیر ۱ کاهش یابد. پس از ۱۶ ساعت محلول رویی، در صورتی که رنگی بود، جدا و دور ریخته شد. این کار آنقدر ادامه یافت تا محلول رویی بی‌رنگ شود. سپس اسید هیومیک حاصله با محلولی شامل ۰/۱ M HCl + ۰/۳ M HF در چندین بار شسته شد تا درصد خاکستر در نمونه به زیر ۰/۳ کاهش یابد. اسید هیومیک خالص شده در محلول HCl در pH=۱ نگهداری شد. استخراج، جداسازی، و خالص‌سازی اسید هیومیک از یک کود هیومیکی نیز به همین روش انجام گرفت.

هم‌دماهای جذب

جذب کادمیوم توسط اسید هیومیک در غلظت ثابت ۰/۴ گرم بر لیتر اسید هیومیک، در سه غلظت نیترات کلسیم (۰/۰۰۲، ۰/۰۰۸، ۰/۰۰۸ مولار)، به عنوان الکترولیت زمینه، و سه pH (۵، ۷، ۸/۶)، در دامنه‌ای از غلظت کادمیوم (۱۸۰ - ۰ میکرو مولار)، تعیین شد. به منظور تهیه غلظت‌های مختلف کادمیوم نیترات کادمیوم به کار رفت. بر اساس آزمایش مقدماتی، زمان تعادل ۱۰ ساعت انتخاب شد. آزمایش‌ها در دمای ثابت ۱ ± ۲۰ درجه سانتی‌گراد انجام شد. پس از آماده‌سازی هر نمونه، pH آن با استفاده از هیدروکسید کلسیم یا اسید نیتریک تنظیم شد. pH نمونه‌ها در میانه زمان تعادل دوباره کنترل و تنظیم شد. بعد از اتمام زمان تعادل و به منظور جداسازی فاز محلول، نمونه‌ها به مدت ۲۵ دقیقه با سرعت ۱۷۰۰۰ دور در دقیقه سانتریفیوژ شد. محلول رویی به دقت جدا شد. غلظت کادمیوم در محلول رویی به وسیله دستگاه جذب اتمی اندازه‌گیری و بر اساس آن و

کادمیوم، تأثیر می‌گذارد (Tipping E, 2004). با وجود این، مطالعات برخی از پژوهشگران مؤید این نکته است که میان عوامل متعدد تأثیرگذار در برهم‌کنش اسید هیومیک و کادمیوم (pH و قدرت یونی اهمیت بیشتری دارند (Liu and Gonzalez, 2000; Abate and Masini, 2005) نشان داده افزایش قدرت یونی باعث کاهش جذب کادمیوم توسط اسید هیومیک می‌شود (Pinheiro J. P. et al, 2000). مدل‌های مختلفی برای توصیف جذب فلزات سنگین، از جمله کادمیوم، توسط جاذب‌های مختلف استفاده شده است. Wu et al (2011) جذب کادمیوم توسط مونتموریلونیات اشباع از کلسیم را در حضور و عدم حضور اسید هیومیک بررسی کردند و مدل فرندلیچ را بهترین معادله برای توصیف داده‌های جذبی گزارش کردند (Vega et al, 2011). برای توصیف داده‌های جذبی و واجدبی مس و سرب روی نمونه‌هایی از افق‌های مختلف ۳ خاک اسیدی از ۳ مدل لنگمومئیر و فرندلیچ و تمکین استفاده کردند. آنان مدل لنگمومئیر را بهتر از دو مدل دیگر و مدل فرندلیچ را بهتر از مدل تمکین Sanchez (Vega et al, 2011) در مطالعه جذب فلزات سنگین، از جمله کادمیوم، توسط کانی‌های سیلیکاتی گزارش دادند که از سه مدل به کاررفته برای توصیف داده‌های جذبی، شامل مدل لنگمومئیر و فرندلیچ و BET، مدل لنگمومئیر برآزش بهتری بر داده‌ها نشان داد (Garcia Sanchez et al, 1999).

برغم اهمیت زیاد اسید هیومیک در جذب و نگهداری فلزات سنگین در خاک و محیط‌های آبی، مطالعات در زمینه جذب این عناصر محدود و غالباً در pHهای پایین صورت گرفته است. از طرف دیگر این گونه مطالعات روی اسیدهای هیومیک استخراج شده از خاک نیز محدود است. هدف این پژوهش بررسی اثر قدرت یونی در جذب کادمیوم توسط دو نوع اسید هیومیک استخراج شده از خاک و کود هیومیکی و مقایسه ویژگی‌های جذبی آن‌ها و نیز برآزش مدل‌های مختلف بر ایزوترمهای جذبی کادمیوم در pHهای مختلف و قدرت‌های یونی متفاوت بود.

مواد و روش‌ها

استخراج، جداسازی، و خالص‌سازی اسید هیومیک استخراج، جداسازی، و خالص‌سازی اسید هیومیک از خاک به روش پیشنهادی انجمن بین‌المللی مواد هیومیکی انجام گرفت (Swift, 1996). خاک استفاده شده از عمق ۰ تا ۳۰ سانتی‌متری

نتایج Zachara *et al* (1994) برای جذب کپالت توسط اسید هیومیک، و نتایج Fitch *et al* (1986) برای جذب مس توسط اسید هیومیک مطابقت دارد. افزایش قدرت یونی آثار چندگانه‌ای بر جذب کادمیوم دارد: ۱. افزایش قدرت یونی باعث کاهش اکتیویتی یون کادمیوم و افزایش اکتیویتی یون رقبت‌کننده (کلسیم) می‌شود (Tipping, 2004). مثلاً نسبت فعالیت یون کلسیم به فعالیت یون کادمیوم در کمترین غلظت اولیه کادمیوم در قدرت یونی 0.006 Molar برابر $45/3$ و برای همین غلظت کادمیوم در قدرت یونی 0.025 Molar برابر 191 است؛ ۲. افزایش قدرت یونی با کاهش آثار الکتروستاتیک بر ثابت پایداری کمپلکس سطحی فلز با اسید هیومیک اثر می‌گذارد و ثابت تشکیل این‌گونه کمپلکس‌ها را کاهش می‌دهد (Tipping, 2004) و در نتیجه جذب کادمیوم کاهش می‌یابد؛ ۳. افزایش قدرت یونی همچنین بر ساختار فیزیکی اسید هیومیک اثر می‌گذارد و آن را از ساختار باز مارپیچی تصادفی قابل انعطاف به ساختار جمع‌شده مشکل از توده‌های کروی یا متراکم یا حلقه‌مانند تغییر می‌دهد (Essington, 2004). این تغییر سبب تعامل درونی بیشتر گروه‌های عاملی می‌شود که می‌تواند به کاهش جذب کادمیوم منجر گردد؛ ۴. افزایش قدرت یونی می‌تواند باعث کاهش رسوب احتمالی کادمیوم، به‌ویژه در pH‌های بالا، در فصل مشترک دو فاز مایع و جامد شود، یعنی جایی که محیط شیمیابی آن با فواصل دورتر از سطح جامد (توده محلول) متفاوت است.

جدول ۱ درصد کادمیوم جذب شده توسط اسید هیومیک استخراج شده از خاک را در کمترین غلظت اولیه کادمیوم $8/89\text{ میکرومولار}$ در قدرت‌های یونی متفاوت نشان می‌دهد.

جدول ۱ درصد کادمیوم جذب شده توسط اسید هیومیک استخراج شده از خاک در قدرت‌های یونی مختلف

mol/l	درصد کادمیوم جذب شده*		
	pH=۵	pH=۷	pH=۸/۶
۰/۰۰۶	۸۱	۹۶	۹۹
۰/۰۱۲	۷۳	۹۵	۹۶
۰/۰۲۵	۶۹	۸۵	۹۵

* درصد جذب در کمترین غلظت اولیه کادمیوم

جدول ۱ نشان می‌دهد در هر pH، با افزایش قدرت یونی از 0.006 Molar به 0.025 Molar ، جذب کادمیوم کاهش می‌یابد. اگر جذب کادمیوم توسط اسید هیومیک صرفاً با تشکیل

درنظر گرفتن غلظت اولیه مقدار کادمیوم جذب سطحی شده توسط اسید هیومیک محاسبه شد.

توصیف جذب کادمیوم با مدل‌های مختلف برای توصیف جذب سطحی کادمیوم توسط اسید هیومیک از مدل‌های فرندلیچ (رابطه ۱)، لنگموئیر یک‌مکانی (رابطه ۲)، و لنگموئیر دومکانی (رابطه ۳) استفاده شد.

$$q = K_F \quad (رابطه ۱)$$

$$q = KCb / (1 + F) \quad (رابطه ۲)$$

$$q = \frac{k_1 b_1 c}{1 + K_1 C} + \frac{K_2 F}{1 + F} \quad (رابطه ۳)$$

q مقدار جذب سطحی کادمیوم بر حسب میکرومول بر گرم و C غلظت تعادلی کادمیوم بر حسب میکرومول بر لیتر است. در معادله فرندلیچ K_F و n دو ثابت معادله‌اند. در رابطه ۲، b حداکثر مقدار جذب با همان واحد q و K ثابتی است که می‌توان آن را پارامتری وابسته به انرژی جذب تفسیر کرد. b_1 و b_2 و K_1 و K_2 پارامترهای دو مکان مفروض در مدل لنگموئیر دومکانی (رابطه ۳) هستند.

با لگاریتم‌گیری از دو طرف رابطه ۱ رابطه ۴ حاصل

می‌شود:

$$\log q = \log K_F + nlc \quad (رابطه ۴)$$

اگر K_F و n ثابت باشند، رابطه ۴ رابطه یک خط است.

با جایه‌جایی لازم در رابطه ۲ رابطه ۵ حاصل می‌شود:

$$\frac{c}{q} = \frac{1}{Kb} \quad (رابطه ۵)$$

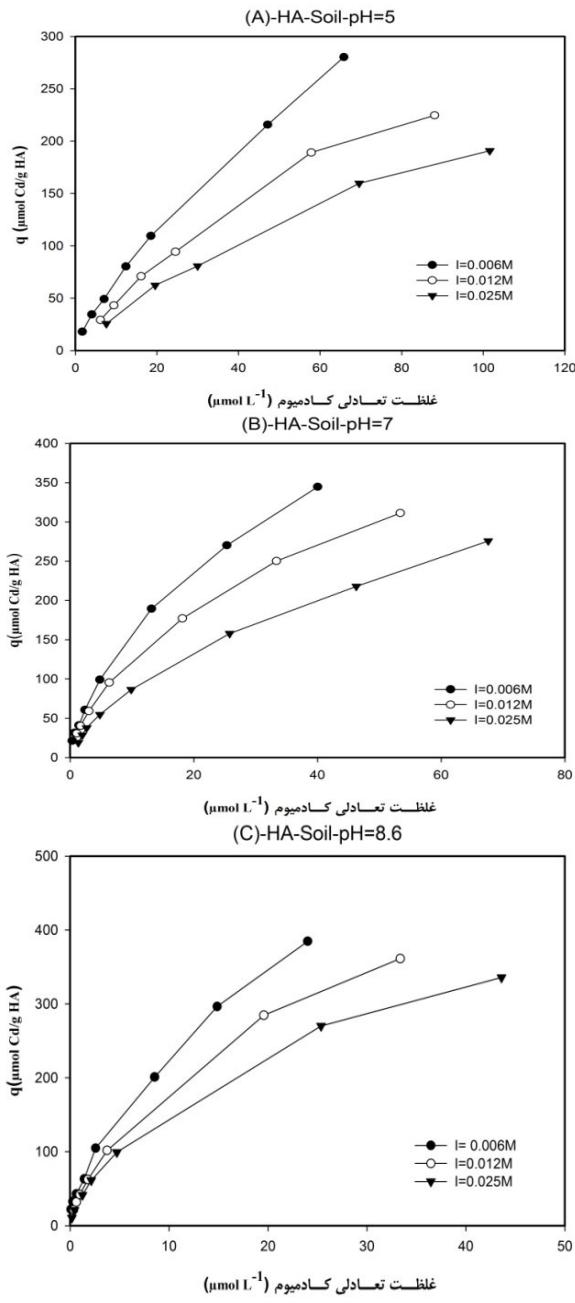
اگر K و b ثابت باشند، تغییرات C/q نسبت به C خطی خواهد بود.

میزان برآش رابطه‌های ۴ و ۵ بر داده‌های جذب سطحی با استفاده از ضریب تعیین (R^2) و جذر میانگین مربعات خطی ارزیابی (RMSE) شد.

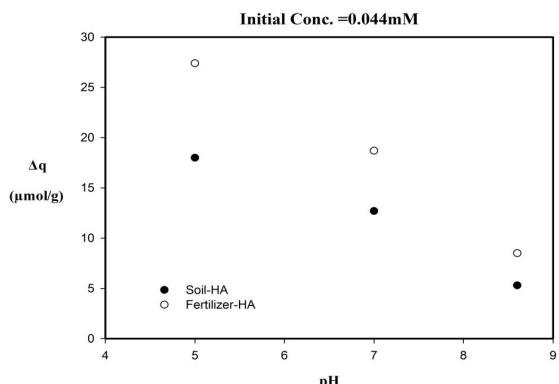
یافته‌ها و بحث

اثر قدرت یونی محلول بر جذب کادمیوم شکل ۱ اثر قدرت یونی بر جذب کادمیوم توسط اسید هیومیک خاکی را در pH‌های متفاوت نشان می‌دهد.

شکل های A و B و C نشان می‌دهند در pH ثابت با افزایش قدرت یونی جذب کادمیوم کاهش می‌یابد. برای اسید هیومیک کودی نیز نتایج مشابه است. این نتایج با یافته‌های Higgo *et al* (1993) برای جذب نیکل توسط اسید فولویک،



شکل ۱. اثر قدرت یونی بر جذب کادمیوم توسط اسید هیومیک خاکی در pHهای مختلف



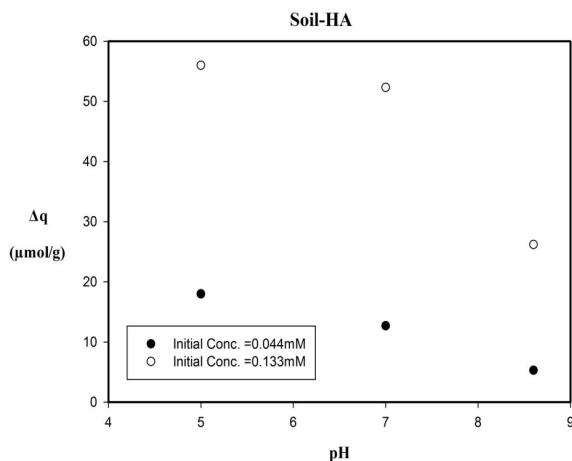
شکل ۲. مقایسه اثر قدرت یونی و pH بر جذب کادمیوم توسط اسیدهای هیومیک خاکی و کودی در غلظت اولیه کم (۰/۰۴۴ میلی مولار) کادمیوم

کمپلکس کرده بیرونی صورت می‌گرفت یا کادمیوم توسط نیروهای الکتروستاتیک در لایه دوگانه الکتریکی نگه داشته می‌شد، با افزایش قدرت یونی و افزایش رقابت کلسیم با کادمیوم باید جذب کادمیوم نیز کاهش می‌یافتد (Essington, 2004)؛ حال آنکه نتایج در $pH=8/6$ نشان می‌دهد با بیش از ۴ برابر شدن قدرت یونی جذب کادمیوم فقط ۴ درصد کاهش می‌یابد. به سه طریق می‌توان اثر انداز قدرت یونی را بر کاهش جذب در این pH تبیین کرد: ۱. در این pH کادمیوم اساساً با تشکیل کمپلکس کرده درونی (به فرم تکددانه یا دودندانه) با سطح اسید هیومیک نگهداری می‌شود. در نتیجه اثر قدرت یونی بر کاهش جذب آن انداز است؛ ۲. در این pH کادمیوم در فصل مشترک دو فاز مایع و جامد رسوب به سبب pH بالا انداز است؛ ۳. در این pH کادمیوم هم به صورت کمپلکس کرده درونی و هم رسوب در سطح نگهداری می‌شود. اما از آنجا که از داده‌های ایزووترم‌های جذب سطحی نمی‌توان هیچ نوع مکانیسم جذب سطحی خاصی را تأیید یا رد کرد (Sposito, 1980) با داده‌های موجود نمی‌توان هیچ یک از مکانیسم‌های جذب یادشده را تأیید یا رد کرد.

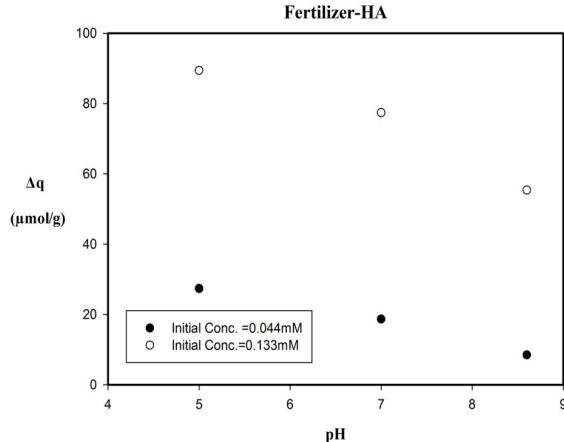
در pHهای پایین‌تر اثر قدرت یونی در جذب افزایش می‌یابد. اما در این pHها نیز میزان کاهش جذب چندان زیاد نیست؛ مثلاً در $pH=5$ با ۴ برابر شدن قدرت یونی میزان کاهش جذب کادمیوم فقط ۱۲ درصد است. در این pH احتمال تشکیل رسوب کادمیوم در فصل مشترک دو فاز جامد و مایع کم است. زیرا از یک طرف pH پایین است و از طرف دیگر غلظت اولیه کادمیوم خیلی کم (۰/۸۹ میکرومولار) است. بنابراین، در این pH، کاهش جذب کادمیوم در اثر افزایش قدرت یونی را با احتمال بیشتری می‌توان به اثر قدرت یونی در تغییر ساختار اسید کلسیم با کادمیوم و اثر قدرت یونی بر تغییر ساختار اسید هیومیک نسبت داد. با تغییر ساختار اسید هیومیک از یک ساختار باز به یک ساختار متراکم متخلک از توده‌های کروی در اثر افزایش قدرت یونی و تشکیل پیوندهای درونی بیشتر بین گروههای عاملی سطحی، احتمال کاهش جذب کادمیوم وجود دارد. با وجود این، اثر مشترک این دو عامل فقط باعث ۱۲ درصد کاهش جذب کادمیوم شد. به عبارت دیگر، حتی در این pH نیز به احتمال زیاد بخش اعظم کادمیوم به صورت کمپلکس سطحی کرده درونی نگهداری می‌شود.

شکل‌های ۲ و ۳ مقایسه اثر قدرت یونی و pH را بر جذب کادمیوم توسط اسید هیومیک خاکی و کودی در پوشش کم (غلظت اولیه ۰/۰۴۴ میلی مولار کادمیوم) و زیاد (غلظت اولیه ۰/۰۱۳۳ میلی مولار کادمیوم) سطح نشان می‌دهند.

افزایش می‌یابد و در اثر آن تأثیر قدرت یونی بر جذب کمتر می‌شود. اما این افزایش متوسط انرژی جذب در پوشش کم سطح، که مکان‌های پرانرژی فعال‌اند، اثر کمتری دارد تا در پوشش زیاد سطح، که مکان‌های با انرژی کمتر فعال‌اند.



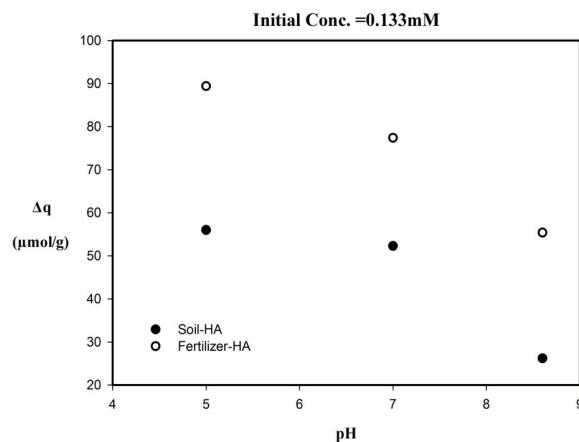
شکل ۴. اثر قدرت یونی و pH در دو غلظت اولیه کادمیوم در اسید هیومیک خاکی



شکل ۵. اثر قدرت یونی و pH در دو غلظت اولیه کادمیوم در اسید هیومیک کودی

نتایج فوق گویای آن است که اثر قدرت یونی بر کاهش جذب فلزات سنگین، از جمله کادمیوم، علاوه بر pH به نوع سطح جذب‌کننده از لحاظ گروه‌های عاملی یا انرژی مکان‌های جذبی و توزیع نسبی گروه‌های عاملی متفاوت و نیز امکان رسوبر این عناصر در مجاورت سطح جذب‌کننده بستگی دارد. در اسیدهای هیومیک به میزان تغییر ساختار در اثر افزایش قدرت یونی نیز بستگی دارد.

توصیف داده‌های آزمایشی با مدل‌های تجربی در این تحقیق برای توصیف داده‌های جذب سطحی کادمیوم از معادله‌های فرنزلیچ، لنگمومئیر یک‌مکانی، و لنگمومئیر دومکانی استفاده شد.



شکل ۳. مقایسه اثر قدرت یونی و pH بر جذب کادمیوم توسط اسیدهای هیومیک خاکی و کودی در غلظت اولیه زیاد (۰.۱۳۳ میلی‌مولار) کادمیوم تفاوت مقادیر جذب کادمیوم در قدرت‌های یونی ۰.۰۶۶ و ۰.۰۲۵ مولار است.

شکل‌های ۲ و ۳ نشان می‌دهند اثر قدرت یونی در کاهش جذب کادمیوم در اسید هیومیک کودی بیشتر از اسید هیومیک خاکی است. اگر اثر قدرت یونی را در کاهش رسب کادمیوم و نیز تغییر ساختار فیزیکی اسید هیومیک را در دو نوع اسید هیومیک بکسان فرض کنیم، می‌توان این تفاوت را ناشی از میانگین بزرگ‌تر انرژی جذب کادمیوم در اسید هیومیک خاکی دانست. جدول ۲ نشان می‌دهد هم اسیدیتی کل و هم درصد گروه‌های عاملی فنلی در اسید هیومیک خاکی بیشتر است و چون گروه‌های عاملی فنلی پیوندی قوی‌تر با کادمیوم تشکیل می‌دهند، به دلیل اسیدیتی کل و گروه‌های عاملی بیشتر میانگین انرژی جذب کادمیوم، چه در پوشش کم و چه در پوشش زیاد سطح، در اسید هیومیک خاکی بیشتر و در نتیجه اثر قدرت یونی در کاهش جذب آن کمتر است.

جدول ۲. مقادیر گروه‌های عاملی اسید هیومیک‌های خاکی و کودی

نوع اسید	گروه‌های کروههای فنولی (mmolc g ⁻¹)	اسیدیتی کل کربوکسیلی (mmolc g ⁻¹)	نوع اسید	گروه‌های کروههای فنولی (mmolc g ⁻¹)	اسیدیتی کل کربوکسیلی (mmolc g ⁻¹)
خاکی	۴.۹۵	۲.۶۷	خاکی	۸.۶۲	۸.۶۲
کودی	۳.۱۶	۴.۴۶	کودی	۷.۶۲	۷.۶۲

شکل‌های ۴ و ۵ علاوه بر آنکه نشان‌دهنده اثر pH بر کاهش اثر قدرت یونی در جذب کادمیوم‌اند بیانگر آن‌اند که اثر pH در پوشش زیاد سطح بیشتر از پوشش کم سطح است. احتمالاً علت این است که افزایش pH هم باعث افزایش مکان‌های جذبی در واحد سطح می‌شود و هم مکان‌های جدید پرانرژی‌ترند (مکان‌های حاصل از تفکیک گروه‌های عاملی فنلی). در نتیجه متوسط انرژی جذب مکان‌های جذبی با افزایش pH

بیشتری دارد و در دامنه ۰/۶ تا ۰/۷ تغییر می‌کند. کمتر از ۱ بودن n برای هر دو نوع اسید هیومیک نشان‌دهنده آن است که سطح اسید هیومیک از لحاظ مکان‌های جذبی همگن نیست.

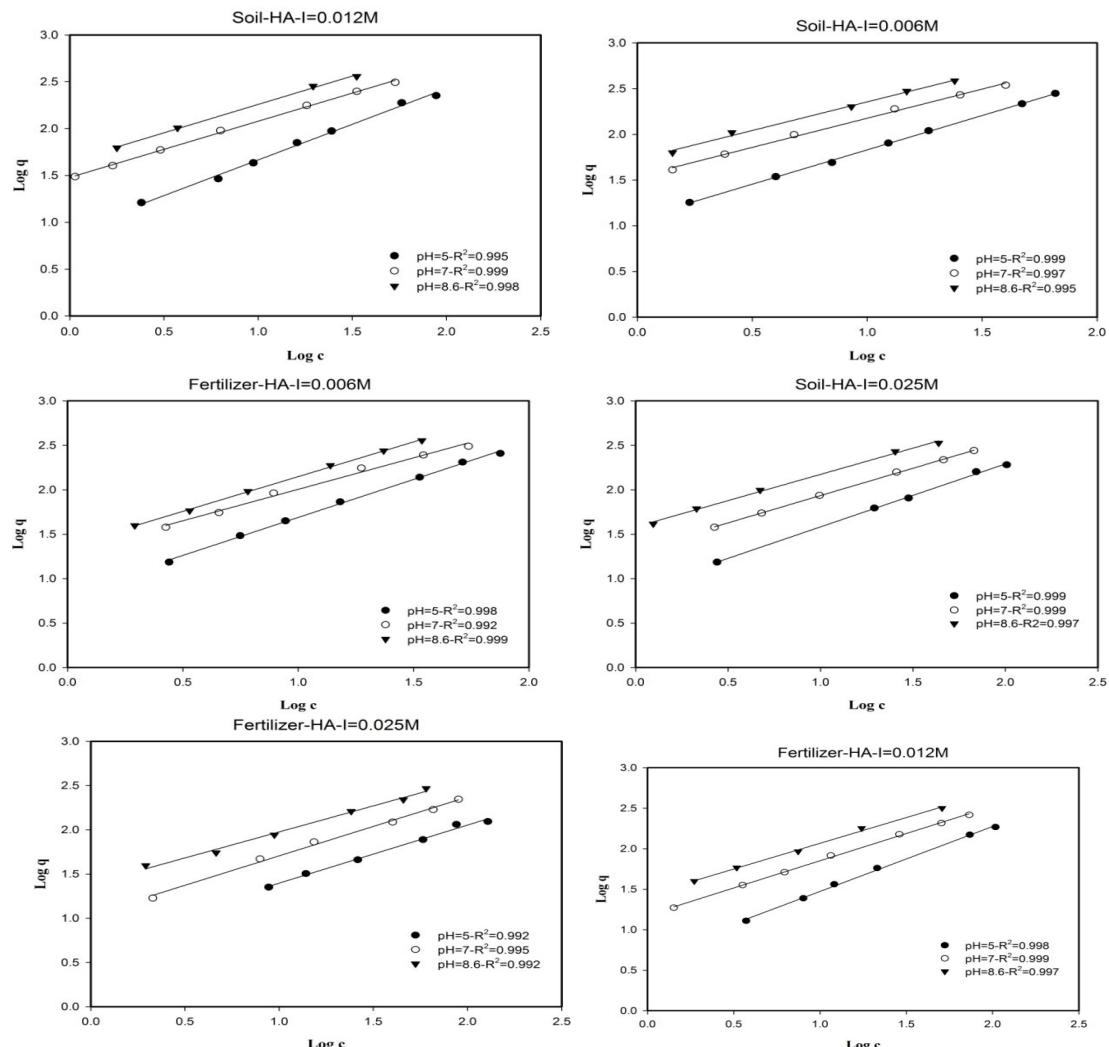
برازش مدل لنگمومئیر بر داده‌ها

شكل خطی مدل لنگمومئیر یک‌مکانی (رابطه ۵) بر داده‌ها برازش داده شد. این مدل به خوبی مدل فرندلیچ بر داده‌ها برازش نیافت. اما با حذف یک نقطه از ایزوتروم (نقطه اول با کمترین غلظت تعادلی) این مدل در pHهای ۵ و ۷ به نحو قابل قبولی برازش یافت ($R^2 \geq 0.97$) (شکل ۷). پارامترهای b و K برای این شرایط در جدول ۵ می‌آید. این مدل غالباً بر داده‌های $pH=8/6$ به خوبی برازش نیافت (شکل ۸). عدم برازش این مدل را سایر پژوهشگران نیز گزارش کرده‌اند (Benedetti *et al.*, 1995). علت عدم برازش این مدل بر داده‌ها مفروضات معادله لنگمومئیر است. مدل لنگمومئیر بر سه فرض پوشش تکلایه، مکان‌های جذبی معادل، و استقلال مکان‌های جذبی استوار است (Seungman, 2005 and Dongsu, 2005). بر اساس این فرض‌ها می‌توان توابع ساده‌ای برای سرعت‌های جذب و واجدب نوشت. در حالی که در سیستم «اسید هیومیک- محلول» حداقل دو فرض مکان‌های جذبی معادل و استقلال مکان‌های جذبی در جذب صادق نیست. در سیستم مطالعه‌شده حداقل دو نوع مکان جذبی وجود دارند (Tipping, 2004). همچنین سایر گروه‌های عاملی نیز در اسید هیومیک حضور دارند. تنوع گروه‌های عاملی باعث می‌شود ناهمنگی سطح از لحاظ مکان جذبی گسترش داشته باشد. در چنین شرایطی، یون‌های کادمیوم تمایل بیشتری به جذب در مکان‌های فعال‌تر (پرانرژی‌تر) دارند و فرض اصلی مدل لنگمومئیر دایر به شناسی یکسان مکان‌های جذبی برای پرشدن نقض می‌شود. بنابراین ناهمنگی سطح از لحاظ انرژی جذب حداقل یکی از علل عدم برازش مطلوب این مدل در دامنه وسیعی از پوشش سطح است. در این بررسی، با حذف نقطه اول ایزوتروم، که مربوط به جذب در مکان‌های پرانرژی‌تر است، همگنی سطح افزایش پیدا کرد و مدل بهتر بر داده‌ها برازش یافت. علت برازش ضعیفتر مدل بر داده‌های $pH=8/6$ ممکن است ناهمنگ‌تر شدن سطح از لحاظ انرژی جذب یا رسوب کادمیوم در سطح در pHهای بالا باشد. به عبارت دیگر در اثر pH بالا جذب و رسوب، هر دو، به وقوع می‌پیوندد. عامل آخر، یعنی رسوب، فرض‌های معادله لنگمومئیر را کاملاً نقض می‌کند.

برازش مدل فرندلیچ

شکل ۶ بیانگر آن است که معادله فرندلیچ (رابطه ۱) در هر دو نوع اسید هیومیک خاکی و کودی به خوبی بر داده‌های جذبی برازش می‌یابد. پارامترهای مدل در جدول‌های ۳ و ۴ می‌آید. این معادله به علت داشتن دو ثابت (n و K_F) قابلیت انعطاف‌خوبی دارد و پژوهشگران زیادی گزارش کرده‌اند این معادله بر داده‌های بدست‌آمده از مطالعات جذب سطحی به خوبی برازش می‌یابد (Özer *et al.*, 1998). یکی از اشکالات این معادله آن است که قادر به برآورد حداکثر جذب نیست (Bohn, 1985). این معادله بهاشتباه نشان می‌دهد هنگامی که غلظت تعادلی (C) به سمت بینهایت میل می‌کند، مقدار ماده جذب‌شده نیز به سمت بینهایت میل می‌کند. مدل فرندلیچ بر اساس این فرض به وجود آمد که اکثر سطوح جذب کننده ناهمگن‌اند. بنابراین میزان جذب تابعی از غلظت ماده جذب‌شونده و گرمای جذب سطحی^۱ است. در شرایط خاص اگر فرض شود توزیع گرمای جذب سطحی در سراسر مکان‌های جذب از تابعی گوسی^۲ پیروی می‌کند، رابطه $q = K_F C^n$ به دست می‌آید (Seungman, 2005). در این رابطه K_F و n دو پارامتر با عالمت مثبت‌اند و مقدار n بین ۰ تا ۱ تغییر می‌کند. معمولاً برای این Sposito (1980) از لحاظ ریاضی نشان داد n میزان ناهمنگی سطح را از لحاظ مکان‌های جذبی نشان می‌دهد. هنگامی که n به سمت ۰ میل می‌کند ناهمنگی مکان‌های سطحی افزایش می‌یابد که نشان می‌دهد طیف وسیعی از انواع مکان‌های جذبی وجود دارد. به عکس، هنگامی که n به سمت ۱ میل کند، همگنی مکان‌های جذبی افزایش می‌یابد که بیانگر تنوع اندک مکان‌های جذب سطحی است (Essington, 2004). اگر n به سمت ۱ میل کند، K_F به سمت K_F یا ضریب توزیع ماده جذب‌شده بین دو فاز جامد و مایع می‌رود. در این صورت K_F دارای مفهوم فیزیکی می‌شود. ضریب توزیع به صورت $q/c = K_F$ تعریف می‌شود. جدول‌های ۳ و ۴ نشان می‌دهند وقتی pH بالا می‌رود K_F نیز افزایش می‌یابد. افزایش K_F در اثر pH هم‌جهت با افزایش pH است؛ کادمیوم جذب‌شده به کادمیوم محلول در اثر افزایش pH به عبارت دیگر، K_F هم‌جهت با ضریب توزیع کادمیوم تغییر می‌کند. میانگین K_F در اسید هیومیک کودی کمتر از اسید هیومیک خاکی است؛ که هم‌جهت با تمایل به جذب بیشتر کادمیوم توسط اسید هیومیک خاکی نسبت به کودی است. پارامتر n نسبت به K_F در هر دو نوع اسید هیومیک ثبات

1. Heat of adsorption
2. Gaussian function



شکل ۶. برازش مدل فرندیج بر داده‌های جذبی در pHها و قدرت‌های یونی متفاوت در اسیدهای هیومیک خاکی و کودی

جدول ۳. ضرایب معادله فرندیج در اسید هیومیک خاکی در مقادیر مختلف pH و قدرت یونی

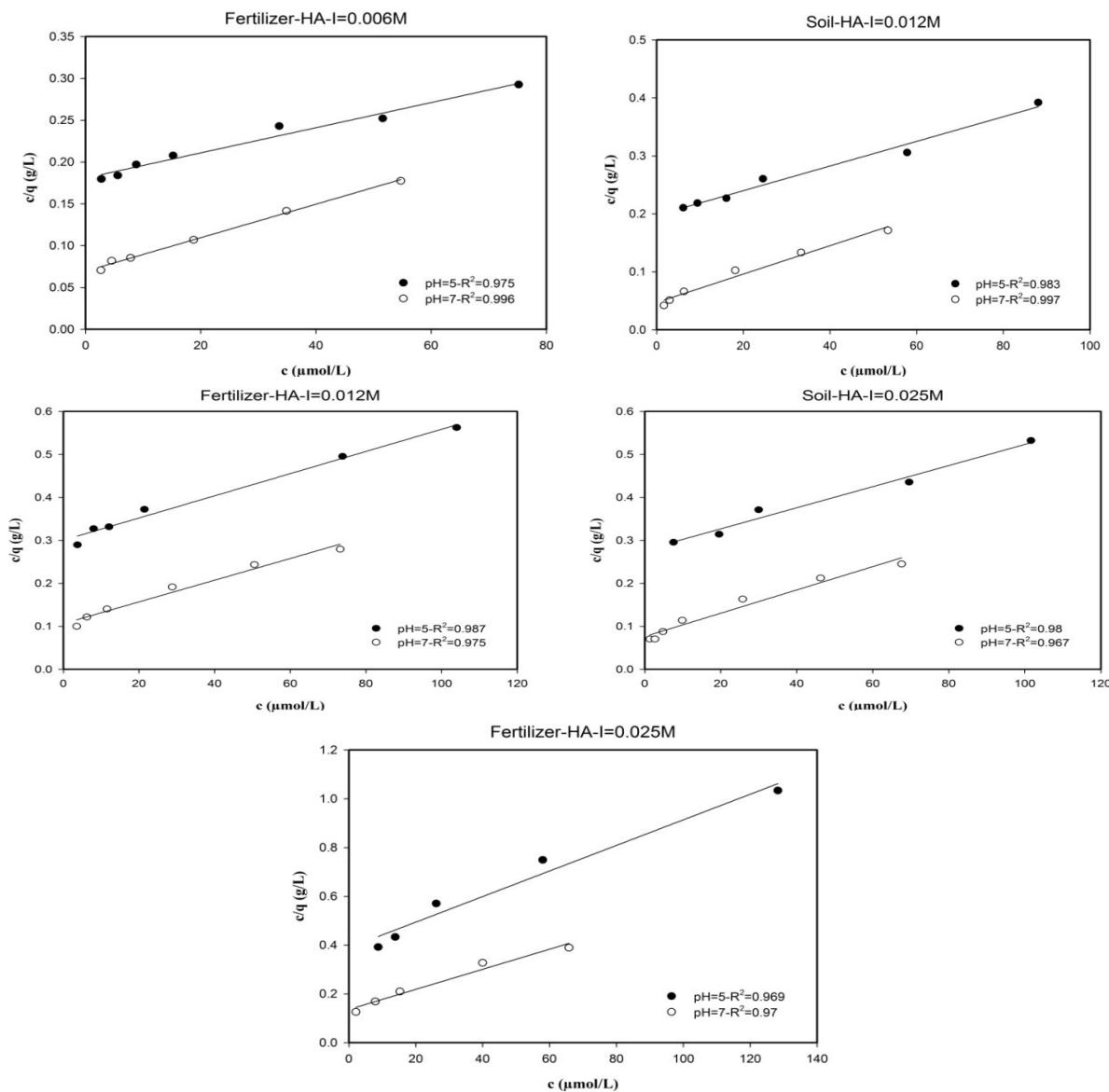
قدرت یونی (مول بر لیتر)				pH
n	K _F	RMSE	R ²	
۰,۰۲۵	۸,۶۶	۰,۰۳۷۷	۰,۹۹۲۶	۵
۰,۶۵۲۵	۸,۶۶	۰,۰۳۷۷	۰,۹۹۲۶	۷
۰,۶۵۷۲	۱۸,۲	۰,۰۳۱۷	۰,۹۹۳۷	۸,۶
۰,۵۹۰۴	۳۸,۲۸	۰,۰۱۹۵	۰,۹۹۷	
۰,۱۲	۸,۵۴	۰,۰۲۸۹	۰,۹۹۶۵	
۰,۷۳۳۸	۸,۵۴	۰,۰۲۸۹	۰,۹۹۶۵	۵
۰,۶۰۰۵	۳۰,۱۲	۰,۰۱۳۸	۰,۹۹۸۶	۷
۰,۶۰۶۱	۴۴,۹۳	۰,۰۱۴۵	۰,۹۹۲۹	۸,۶
۰,۰۰۶	۱۱,۹۹	۰,۰۱۰۲	۰,۹۹۹۳	
۰,۷۵۱۳	۱۱,۹۹	۰,۰۱۰۲	۰,۹۹۹۳	۵
۰,۶۳۷۹	۳۴,۵۵	۰,۰۱۹۶	۰,۹۹۶۶	۷
۰,۶۲۶۵	۵۳,۵۷	۰,۰۱۹۷	۰,۹۹۵۳	۸,۶

* ضریب تعیین ** ریشه میانگین مریعات خطای $(\mu\text{mol g}^{-1})$

جدول ۴. ضرایب معادله فرندیج در اسید هیومیک کودی در مقادیر مختلف pH و قدرت یونی

قدرت یونی (مول بر لیتر)				pH
n	K _F	RMSE	R ²	
۰,۰۲۵	۵,۵۰۸	۰,۰۲۴۵	۰,۹۹۲۲	۵
۰,۶۵۶۴	۵,۵۰۸	۰,۰۲۴۵	۰,۹۹۲۲	۷
۰,۶۶۵۴	۱۰,۹۷	۰,۰۲۶۴	۰,۹۹۵۱	۸,۶
۰,۵۸۸۴	۲۴,۴۳	۰,۰۲۸۵	۰,۹۹۱۸	
۰,۱۲	۴,۶۹	۰,۰۱۷۸	۰,۹۹۸۱	
۰,۸۰۱۵	۴,۶۹	۰,۰۱۷۸	۰,۹۹۸۱	۵
۰,۶۷۲۲	۱۴,۹۶	۰,۰۱۲۸	۰,۹۹۸۹	۷
۰,۶۳۵۴	۲۷,۰۱	۰,۰۱۸۴	۰,۹۹۶۸	۸,۶
۰,۰۰۶	۶,۸۲۴۹	۰,۰۱۷۴	۰,۹۹۸۳	
۰,۸۵۴۸	۶,۸۲۴۹	۰,۰۱۷۴	۰,۹۹۸۳	۵
۰,۷۰۸۱	۱۹,۸۲۴	۰,۰۳	۰,۹۹۱۹	۷
۰,۷۸۱۶	۲۳,۲۵	۰,۰۱۰۶	۰,۹۹۹۱	۸,۶

* ضریب تعیین ** ریشه میانگین مریعات خطای $(\mu\text{mol g}^{-1})$



شکل ۷. برازش مدل لنگموئیر یکمکانی بر داده‌های جذبی در pH و قدرت یونی مختلف

جدول ۵. برازش مدل لنگموئیر یکمکانی بر داده‌ها

R^{2***}	K**	b*	قدرت یونی (مولار)	pH	اسید هیومیک
۰.۹۷	۰.۰۰۸	۶۶۶.۶۶	۰.۰۰۶	۵	کودی
۰.۹۹	۰.۰۲۸	۵۰۰	۰.۰۰۶	۷	کودی
۰.۹۹	۰.۰۰۸	۳۸۴.۶۲	۰.۰۱۲	۵	کودی
۰.۹۷	۰.۰۲۳	۴۰۰	۰.۰۱۲	۷	کودی
۰.۹۷	۰.۰۱	۱۹۲.۳	۰.۰۲۵	۵	کودی
۰.۹۷	۰.۰۳	۲۴۳.۹	۰.۰۲۵	۷	کودی
۰.۹۸	۰.۰۱	۴۷۶.۱۹	۰.۰۱۲	۵	خاکی
۰.۹۸	۰.۰۵	۴۰۰	۰.۰۱۲	۷	خاکی
۰.۹۸	۰.۰۰۹	۴۰۰	۰.۰۲۵	۵	خاکی
۰.۹۷	۰.۰۳۵	۳۷۰.۳۷	۰.۰۲۵	۷	خاکی

*** ضریب تعیین

** انرژی جذب

* حداقل جذب

رابطه ۷ را می‌توان به صورت معادله چندمتغیره خطی ۸ نوشت:

$$y = A_1 + A_2 C + \frac{A_s}{q} \quad (رابطه ۸)$$

$$\text{و, } A_2 = \frac{1}{b_1 + b_2}, \quad A_1 = \frac{1}{K_2(b_1 + b_2)}, \quad y = \frac{c}{q}$$

$$\text{است. } A_3 = -\frac{b_1}{K_2(b_1 + b_2)}$$

این رابطه سه متغیره شامل دو متغیر غیر وابسته C و $\frac{1}{q}$

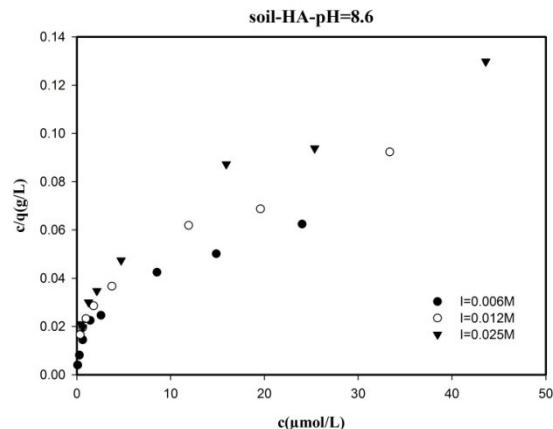
و یک متغیر وابسته y است (Loganathan and Burau, 1973) با استفاده از روش رگرسیون چندمتغیره خطی و کنارگذاشتن داده‌های غلظت‌های کم، پارامترهای b_2 , $b_1 + b_2$, K_2 و سپس b_2 و b_1 محاسبه شد (Loganathan and Burau, 1973).

حاصل از کاربرد این روش در جدول ۶ می‌آید.

۲. در روش اسپوزیتو (Sposito, 1980) ابتدا ضریب توزیع (K_d) نسبت به q برای داده‌ها رسم می‌شود. ضریب توزیع کادمیوم بین دو فاز جامد و مایع به صورت معادله ۹ تعریف می‌شود:

$$K_d + \frac{q}{c} \quad (\text{معادله ۹})$$

در صورتی که بتوان به متحنی حاصل دو خط متقاطع برآش داد، می‌توان از این روش استفاده کرد. شکل ۹ برآش دو خط را بر داده‌های جذب کادمیوم توسط اسید هیومیک کودی در $pH=8.6$ و قدرت یونی $0.12 M$ مولار نشان می‌دهد. به این شکل‌ها، که با رسم q/c نسبت به q بدست می‌آید، دیاگرام‌های اسکچارد می‌گویند.



شکل ۸. برآش معادله لنگمومئیر یک‌مکانی بر داده‌های جذبی در اسید هیومیک خاکی در $pH=8.6$ برابر با $I=0.006M$, $I=0.012M$ و $I=0.025M$

در این بررسی، هنگامی که مدل لنگمومئیر یک‌مکانی بر داده‌ها برآش خوبی نیافت از مدل دومکانی لنگمومئیر (رابطه ۳) استفاده شد:

$$q = \frac{K_1 b_1 C}{1 + K_1 C} + \frac{K_2 b_2 C}{1 + K_2 C}$$

b_1 و b_2 به ترتیب حداقل ظرفیت جذب مکان‌های پرانرژی و کمانرژی و K_1 و K_2 به ترتیب پارامتر انرژی جذب در این دو دسته مکان است. برای به دست آوردن این پارامترها می‌توان به دو روش اقدام کرد:

۱. در شرایطی که $K_1 >> K_2$ و غلظت (C) زیاد است، $1 + K_1 C \approx K_1 C$ خواهد بود و رابطه ۶ به دست می‌آید:

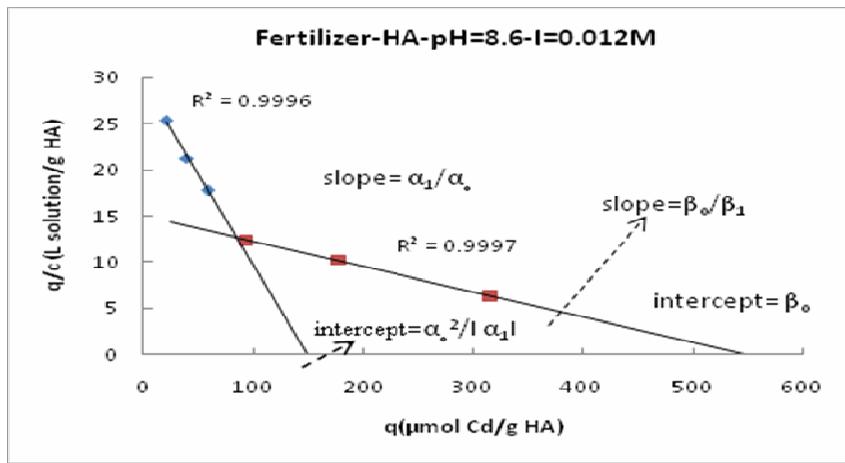
$$q = b_1 + \frac{K_2 b_2 C}{1 + K_2 C} \quad (\text{رابطه ۶})$$

سپس، با جایه‌جایی در رابطه ۶ رابطه ۷ به دست می‌آید:

$$\frac{C}{q} = \frac{1}{K_2(b_1 + b_2)} + \frac{C}{(b_1 + b_2)} - \frac{b_1}{(q)K_2(b_1 + b_2)} \quad (\text{رابطه ۷})$$

جدول ۶. ضرایب معادله لنگمومئیر دومکانی به روش لوگاناتان-بورو و اسپوزیتو

روش اسپوزیتو					روش دومکانی لوگاناتان				pH	اسید هیومیک (مولار)
$b_1 + b_2$	K_2	b_2	K_1	b_1	$b_1 + b_2$	K_2	b_2	b_1		
۶۴۰.۸	۰.۰۱	۶۱۵.۰۵	۰.۲۳	۲۵.۷۲	۱۱۵۷.۴	۰.۰۰۴	۱۱۳۶	۲۱.۸	۵	۰.۰۰۶
۴۶۸.۸	۰.۰۵	۴۳۵.۰۴	۲.۱	۳۳.۷۴	۶۴۵.۲	۰.۰۲	۶۱۳.۲	۳۱.۹	۷	۰.۰۰۶
۵۲۵.۶	۰.۰۸	۴۸۵.۰۲	۹.۴۷	۴۰.۵۴	۱۰۳۹.۵	۰.۰۲	۹۸۶.۷	۵۲.۸	۸.۶	۰.۰۰۶
۵۲۱.۹	۰.۰۶	۴۷۷.۶۳	۰.۹۶	۴۴.۳	۶۰۶.۱	۰.۰۴	۵۸۲.۶	۲۳.۵	۸.۶	۰.۰۱۲
۴۳۰.۶	۰.۰۶	۴۰۰.۵۲	۱.۳۶	۳۰.۰۸	۵۲۶.۳	۰.۰۴	۵۰۴.۸	۲۱.۵	۸.۶	۰.۰۲۵
۸۵۰.۹	۰.۰۲	۸۲۰.۰۱	۰.۵۷	۳۰.۹	۱۰۰۹.۱	۰.۰۲	۹۹۸.۷	۱۰.۴	۸.۶	۰.۰۰۶
۵۴۷.۹	۰.۰۲	۴۹۵.۶۹	۰.۳۲	۵۲.۱۶	-	-	-	-	۸.۶	۰.۰۱۲
۴۷۸.۷	۰.۰۲	۴۲۸.۶۸	۰.۵	۴۹.۹۷	۸۳۳.۳	۰.۰۰۷	۷۹۸.۳	۳۵.۱	۸.۶	۰.۰۲۵



شکل ۹. دیاگرام اسکچارد برای جذب کادمیوم توسط اسید هیومیک کودی در $pH=8.6$ و قدرت یونی $0.012 M$

روش محاسبه آن، که در نهایت یک روش آماری با خطاهای خاص خود است، از اعتبار کمی این داده‌ها می‌کاهد. با وجود این، مقایسه داده‌های مستخرج از کاربرد یک روش درست می‌تواند معتبر باشد.

Sposito (1980) به روش صرفاً ریاضی نشان داد معادله‌ای که مجموع دو معادله لنگمئیر با ۴ پارامتر قبل تنظیم باشد به هر ایزوترم نوع L برازش می‌یابد؛ فارغ از اینکه در آن سیستم مکانیسم جذب چه باشد. بنابراین از برازش مدل لنگمئیر یک یا دو مکانی نمی‌توان و نباید هیچ‌گونه مکانیسم جذبی خاصی (مثلاً جذب در سطح یا رسوب) را استنباط کرد. نشان داده شده مدل لنگمئیر بر ایزوترم جذبی، که مکانیسم آن رسوب است، به همان خوبی برازش می‌یابد که بر ایزوترمی که مکانیسم آن جذب در سطح است (Essington, 2004).

نتیجه‌گیری

یافته‌های این تحقیق نشان داد با افزایش قدرت یونی جذب کادمیوم توسط هر دو نوع اسید هیومیک (خاکی و کودی) کاهش می‌یابد. اما اثر قدرت یونی در کاهش جذب کادمیوم با افزایش pH کاهش یافت. همچنین اثر قدرت یونی در کاهش جذب کادمیوم در اسید هیومیک کودی بیشتر بود. در این تحقیق، برای توصیف داده‌های جذب سطحی کادمیوم، از معادله‌های فرندلیچ، لنگمئیر یک‌مکانی، و لنگمئیر دومکانی استفاده شد. نتایج نشان داد معادله فرندلیچ به خوبی بر داده‌های جذبی برازش می‌یابد. معادله لنگمئیر یک‌مکانی کم‌وپیش قادر به توصیف ایزوترم‌های جذبی در pHهای ۵ و ۷ بود؛ اما معادله لنگمئیر دومکانی، که برای داده‌های جذبی در pH=۸.۶ استفاده شد، جذب کادمیوم در هر دو اسید هیومیک مطالعه شده را به خوبی توصیف کرد.

رابطه‌های ۱۰، ۱۱، ۱۲، و ۱۳ را با توجه به شکل ۹ می‌توان نشان داد (Sposito, 1980)

$$(رابطه ۱۰) K_1 = \frac{1}{2} [y + y^2 - 4x]^{1/2}$$

$$(رابطه ۱۱) K_2 = \frac{1}{2} [y - (y^2 - 4x)^{1/2}]$$

$$(رابطه ۱۲) b_1 = \frac{\beta_0 K_1 + \beta_1 x}{K_1 - K_2}$$

$$(رابطه ۱۳) b_2 = \frac{\beta_0 K_2 + \beta_1 x}{K_1 - K_2}$$

در رابطه‌های ۱۰، ۱۱، ۱۲، و ۱۳ مقادیر x و y با رابطه‌های ۱۴ و ۱۵ محاسبه می‌شود:

$$(رابطه ۱۴) x = \frac{\alpha_0^2 + \alpha_1 \beta_0}{\beta_0^2 + \alpha_0 \beta_1}$$

$$(رابطه ۱۵) y = \frac{\alpha_0 \beta_0 + \alpha_1 \beta_1}{\beta_0^2 + \alpha_0 \beta_1}$$

شکل ۹ می‌آید. پارامترهای b_1 ، b_2 ، K_1 ، و K_2 با استفاده از روابط فوق برای هر دسته داده محاسبه شد که در جدول ۶ می‌آید. داده‌های جدول ۶ نشان می‌دهد در هر دو نوع اسید هیومیک در pH ثابت برابر ۸.۶، با افزایش قدرت یونی، ماکریزم ظرفیت جذب (b_1+b_2) کاهش می‌یابد. درباره اثر قدرت یونی در کاهش جذب کادمیوم قبلًا توضیح داده شد. اما، در همین شرایط pH ثابت) افزایش قدرت یونی تأثیری بر پارامتر انرژی جذب (K) ندارد. افزایش pH از ۵ به ۷ سبب افزایش K می‌شود. از علل احتمالی این افزایش مشارکت مکان‌های پرانرژی تر (گروههای فنلی) در جذب کادمیوم یا تشکیل کمپلکس‌های دودندانه‌ای در اثر افزایش pH است.

مقایسه مقادیر به دست آمده برای b و K در دو روش لوگاناتان-بورو و اسپوزیتو نشان می‌دهد برای یک پارامتر معین مقادیر به دست آمده متفاوت است. این وابستگی مقدار پارامتر به

REFERENCES

- Abate, G. and Masini, J. C. (2005). "Influence of pH, ionic strength and humic acid on adsorption of Cd(II) and Pb(II) onto vermiculite." *Colloids and Surfaces A, Physicochemical and Engineering Aspects*, 262, 33-39.
- Andelković, T., Nikolić, R., Bojić, A., Andelković, D., and Nikolić, G. (2010). "Binding of cadmium to soil humic acid as a function of carboxyl group content." *Macedonian Journal of Chemistry and Chemical Engineering*, 29, 215-224.
- Benedetti, M. F., Milne, C. J., Kinniburgh, D. G., van Riemsdijk, W. H., and Koopal, L. K. (1995). "Metal-ion binding to humic substances - application of the nonideal competitive adsorption model." *Environ. Sci. Technol.* 29, 446-457.
- Bohn, H. L., McNeal B. L., and O'Connor, G. A. (1985). "Soil chemistry", John Wiley&Sons. Inc., USA.
- Essington, M. E. (2004). "Soil and water chemistry, An integrative approach. CRC Press LLC.
- Fitch, A., Stevenson, F. J., and Chen, Y. (1986). "Complexation of Cu(II) with a soil humic acid: Response characteristics of the Cu(II) ion-selective electrode and ligand concentration effects." *Org. Geochem.* 9, 109-116.
- Garcia Sanchez, A., Alvarez Ayuso, E., and Jimenez de Blas, O. (1999). "Sorption of heavy metals from industrial waste water by low-cost mineral silicates." *Clay Minerals*, 34, 469-477.
- Higgo, J. J. W., Kinniburgh, D. G., Smith, B., and Tipping, E. (1993). "Complexation of Co²⁺, Ni²⁺, UO₂²⁺, and Ca²⁺ by humic substances in groundwaters." *Radiochim. Acta*, 61, 91-103.
- Hiraide, M. (1992). "Heavy metal complexed with humic substance in fresh water." *Analytical Sciences*, 8, 453-459.
- Hizal, J. and Apak, R. (2006). "Modeling of cadmium(II) adsorption on kaolinite-based clays in the absence and presence of humic acid." *Applied Clay Science*, 32, 232-244.
- Kipton, H., Powell, J., and Town, R. M. (1992). "Solubility and fractionation of humic acid; effect of pH and ionic medium" *Analytica Chimica Acta*, 267(1), 47-54.
- Liu, A. and Gonzalez, R. D. (2000). "Modeling adsorption of copper(II), cadmium(II) and lead(II) on purified humic acid." *Langmuir*, 16, 3902-3909.
- Loganathan, P. and Burau, R. G. (1973). "Sorption of heavy metal ions by a hydrous manganese oxide." *Geochim. Cosmochim. Acta*, 37, 1277-1293.
- Özer, A., Tanyildizi, M. S., and Tümen, F. (1998). "Study of cadmium adsorption from aqueous solution on activated carbon from sugar beet pulp." *Environmental Technology*, 19, 1119-1125.
- Pinheiro, J. P., Mota, A. M., and Bendetti, M. F. (2000). "Effect of aluminum competition on lead and cadmium binding to humic acids at variable ionic strength." *Environ. Sci. Technol.* 34, 5137-5143.
- Seungman, S. and Dongsu, K. (2005). Modification of langmuir isotherm in solution systems-definition and utilization of concentration dependent factor." *Chemosphere*, 58, 115-123.
- Sposito, G. (1980). "Derivation of the freundlich equation of ion exchange reactions in soils." *Soil Sci. Soc. Am. J.* 43, 652-654.
- Swift, R. S. (1996). Organic matter characterization. In: Sparks, D.L., et al., (Eds.), Methods of Soil Analysis: Part 3. Chemical Methods, SSSA Book Series 5. *Soil Science Society of America*, Madison, WI, pp. 1018– 1020.
- Tipping, E., Rey-Castro, C., Bryan, S. E., and Hamilton-Taylor, J. (2002). "Al(iii) and fe(iii) binding by humic substances in freshwaters, and implications for trace metal speciation." *Geochimica et Cosmochimica Acta*, 66 (18), 3211-3224.
- Tipping, E. (2004). *Cation binding by humic substances*, Cambridge University Press, Cambridge.
- Vega, F. A., Covelo, F. E., and Andrade, M. L. (2011). "Applying freundlich, langmuir temkin models in cu and pb soil sorption experiments." *Spanish Journal of Soil Science*. 1, 20-37.
- Wu, P., Zhang, Q., Dai, Y., Zhu, N., Dang, Z., Li, P., Wu, J., and Wang, X. (2011). "Adsorption of Cu(II), Cd(II) and Cr(III) ions from aqueous solutions on humic acid modified Ca-montmorillonite." *Geoderma*, 164, 215-219.
- Zachara, J. M., Resch, C. T., and Smith, S. C. (1994). "Influence of humic substances on Co²⁺ sorption by a subsurface mineral separate and its mineralogic components." *Geochim. Cosmochim. Acta*, 58, 553-566.