

## بررسی تاثیر شیب بر جریان‌های ثانویه در مقاطع مركب با استفاده از مدل دو بعدی مومنتم در عرض

کاوه بیجاد<sup>۱</sup>، صلاح کوچکزاده<sup>۲\*</sup> و سیدعلی ایوبزاده<sup>۳</sup>

<sup>۱</sup> دانش‌آموخته کارشناسی ارشد تاسیسات آبیاری دانشگاه تربیت مدرس، <sup>۲</sup> استاد گروه مهندسی آبیاری و آبادانی دانشگاه تهران

<sup>۳</sup> دانشیار گروه سازه‌های آبی دانشگاه تربیت مدرس

(تاریخ دریافت: ۱۳۸۴/۱۰/۲۴- تاریخ تصویب: ۱۳۸۹/۱/۲۴)

### چکیده

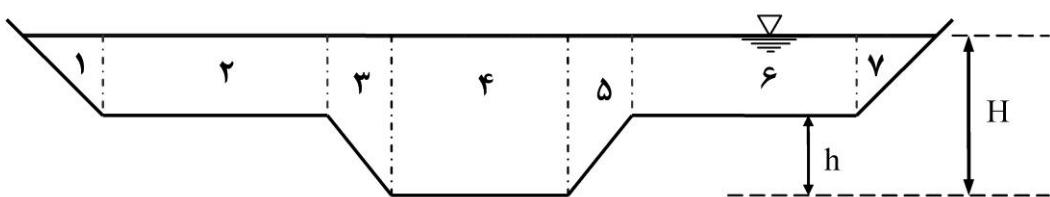
بررسی جریان‌های ثانویه به دلیل تاثیری که بر هیدرولیک جریان دارند، مهم هستند. علیرغم ناچیز بودن جریان‌های ثانویه نسبت به جریان‌های پایه به دلیل تاثیر بر مقاومت جریان به خصوص در مقاطع مركب مطالعه آنها از اهمیت زیادی برخوردار است. منشاء اصلی این جریان‌ها از تفاوت تنش برشی بین لایه‌های سیال است. در مقاطع مركب به دلیل تفاوت سرعت جریان بین کanal اصلی و کرانه سیلابی، تنش برشی در داخل لایه‌های سیال به وجود می‌آید که باعث شکل‌گیری جریان‌های ثانویه‌ای در این ناحیه می‌شود. در مقاله حاضر با استفاده از اندازه‌گیری سرعت متوسط عمقی جریان در عرض‌های مختلف و همچنین تخمین سرعت متوسط عمقی با استفاده از یک مدل دو بعدی متوضط‌گیری شده در عمق ، اقدام به واسنجی ضریب جریان‌های ثانویه شده است. نتایج نشان داد با تغییر شیب مقدار جریان‌های ثانویه در حدود ۱/۲ تا ۱/۸ ثابت است و لزوجت گردابی نیز تقریباً در محدوده ۰/۰۸ تا ۰/۱۸ ثابت است و شیب تاثیر قابل توجهی بر مقدار جریان‌های ثانویه ندارد.

### واژه‌های کلیدی: تخمین دبی سیل، جریان‌های ثانویه، مهندسی رودخانه، مقاطع مركب

#### مقدمه

رودخانه‌ای به فرم ساده آن در شکل (۱) نشان داده شده است. در این شکل می‌توان سه ناحیه جریان برای مقاطع مركب برشمود. کanal اصلی که در شکل با شماره ۴ مشخص شده است، دشت‌های سیلابی که شامل نواحی ۲ و ۶ می‌شود و نواحی مابین سواحل دشت سیلابی و دشت سیلابی و کanal اصلی با دشت سیلابی که شامل نواحی ۱ و ۷ در سواحل دشت‌سیلابی و ۳ و ۵ در سواحل کanal اصلی را ذکر کرد. (Myers, and Lyness, 1997; Bousmar, and Zech, 1999; Ayyoubzadeh, 1997).

رودخانه‌ها به ویژه آن‌هایی که در مناطق آبرفتی جریان دارند. معمولاً شامل یک مجرای عمیق اصلی با جریان مداوم و یک یا دو پهنه سیلابی عریض هستند که غالباً خشک بوده و تنها در زمان وقوع سیل، در آنها آب جریان می‌یابد. چنین مقاطعی مركب نامیده می‌شوند. دشت‌های سیلابی معمولاً پوشیده از گیاه بوده و ضریب زبری بیشتری نسبت به مقاطع اصلی دارند. به دلیل شیب کم رودخانه‌های آبرفتی، در شرایط جریان سیلابی، عرض وسیعی از دشت‌های سیلابی را آب فرا می‌گیرد. مقاطع مركب



شکل ۱- مقاطع مركب و اجزای آن

رودخانه بوده و در اغلب مدل‌های رودخانه‌ای جهت تجزیه و تحلیل جریان‌های سیلابی مورد استفاده قرار می‌گیرد. به نظر می‌رسد محاسبه یا برآورد رابطه دبی- اشل برای یک ایستگاه خاص از رودخانه، کاری آسان باشد، اما وقتی جریان وارد مقاطع سیلابی می‌شود، نظیر حالتی که در اغلب سیل‌ها اتفاق می‌افتد،

یکی از موارد مهم و معمول در مهندسی رودخانه، تعیین رقوم سطح آب به ازاء یک دبی جریان سیلابی می‌باشد. رابطه دبی- اشل یک ابزار مهم و اساسی در طرح‌های مهندسی

مدلهای فیزیک جریان در حالت سیالابی را با دقت بیشتری ارائه می‌کنند. در روش‌های دو بعدی برخلاف روش‌های یک بعدی که تنها با یک پارامتر ضریب زبری مانینگ ارتباط دارند، باید سه پارامتر مرتبط با تنفس برشی بستر، تنفس عرضی و جریان ثانویه واسنجی یا کالیبره شوند. یکی از مهمترین و کاربردی ترین این روش‌ها، روش شیونو-نایت می‌باشد که قابلیت خوبی در برآوردن این مقادیر در مقاطع مرکب منظم و رودخانه‌ای داشته است. در این مقاله با استفاده از این مدل حل معادله ناویر استوکس (Knight, and Abril, 1996; Shiono, and Knight, 1990)

## مواد و روش‌ها

### الف- مدل ریاضی

معادله ناویر- استوکس حرکت عمومی جریان را بیان می‌کند. وقتی که جریان اصلی یا غالب در یک جهت باشد (نظیر جریان در رودخانه‌ها) معادله مومنتوم در جهت طولی جریان برای یک المان کوچک موجود در سطح مقاطع یک کانال روباز با جریان ماندگار و یکنواخت و با اغماس از تغییرات تنفس های برشی ناشی از لزجت سینماتیکی سیال، بصورت زیر بیان می‌شود:

$$\left[ \frac{\partial(\rho\bar{u}\bar{v})}{\partial y} + \frac{\partial(\rho\bar{u}\bar{w})}{\partial z} \right] = \rho g \sin \theta +$$

(I)

(II)

(1)

$$\frac{\partial}{\partial y} \frac{1}{(-\rho u'v')} + \frac{\partial}{\partial z} \frac{1}{(-\rho u'w')}$$

(III)

(IV)

که  $x$ ،  $y$  و  $z$  بترتیب جهت جریان، جهت عرضی و جهت قائم  $w$ ،  $v$ ،  $u$  مقادیر متوسط زمانی مؤلفه‌های سرعت جریان در جهات  $x$ ،  $y$  و  $z$  نوسانات لحظه‌ای سرعت جریان در جهات سه‌گانه ناشی از متلاطم بودن جریان نسبت به سرعت متوسط  $\rho$ ، جرم حجمی آب،  $g$  شتاب ثقل و  $\sin \theta = S_0$  شیب طولی بستر می‌باشند. ضمناً فرض می‌شود بستر رودخانه در مقاطع عرضی افقی بوده و تنها در جهت طولی، شبیه برابر با  $\theta$  دارد. علامت بار بر روی سرعتها و تنفس های برشی نشان‌دهنده متوسط زمانی این کمیتها می‌باشد. مفهوم فیزیکی ترم‌های معادله (1) عبارتند از :

(I) = ترم جریان ثانویه،

(II) = مؤلفه وزن سیال در جهت طولی جریان،

محاسبه بده جریان کل مقطع، بده جریان مقطع اصلی و مقاطع سیالابی چالش جدی محسوب می‌شود. بررسی‌ها نشان داده که فرض یک بعدی بودن جریان در این حالت موجب تخمین (Haidera, and Valentine, 2002).

تا زمانی که جریان در مقطع اصلی جاری است و عمق آب از مقدار  $h$  در شکل 1 کمتر است، می‌توان پارامترهای جریان را با دقتی مناسب از طریق روابط مقاومت جریان نظری شزی، هیزن ویلیام، مانینگ و... بجست آورد. با افزایش تدریجی عمق آب از مرز لبریزی و خیس شدن مقاطع کناری، دو ناحیه متمایز با اعمق و ضرایب زبری و نیز تغییر قابل ملاحظه شکل مقطع به وجود می‌آید. این اختلاف عمق آب و ضریب زبری باعث می‌شود که سرعت در مقاطع اصلی بیشتر از مقاطع کناری باشد. این تفاوت منجر به ایجاد یک تنفس برشی اضافی در ناحیه اتصال مقاطع اصلی و سیالابی شده که مهمترین نتیجه آن کاهش قابل توجه دبی جریان در مقاطع می‌باشد. این پدیده را تداخل جریان یا اثر متقابل می‌گویند. مطالعات صورت گرفته در این گونه مقاطع نشان می‌دهد که اثر متقابل مقاطع اصلی با مقاطع سیالابی در حالتی که عمق آب در کرانه‌های مقاطع سیالابی کم و ضریب زبری آن زیاد باشد، حداقل میزان خود را داراست. تنفس برشی اضافی باعث می‌شود تا تخمین ظرفیت جریان در مقاطع مرکب با خطأ همراه باشد.

(Ackers, 1993; Ervine, et al. 2000)

مدلهای دو بعدی جریان در مقاطع مرکب در بعضی شرایط نظری تعیین دبی‌های جزئی، توزیع سرعت و تنفس برشی که تعیین آنها در مطالعات مربوط به احداث سازه‌های هیدرولیکی، پدیده‌های انتقال رسوب، فرسایش جداره ها و نیز موارد مربوط به طراحی کانالهای پایدار که از اهمیت خاصی برخوردار است، کارآئی مطلوبی دارند. مدل‌های دو بعدی قادر به محاسبه توزیع عرضی سرعت و تنفس برشی هستند. با استفاده از توزیع سرعت، دبی‌های جزئی و درنتیجه دبی کل جریان قابل محاسبه خواهند بود. مدل‌های دو بعدی مختلفی ارائه شده اند از جمله روش تحلیلی شیونو-نایت، روش وارک، روش لامبرت-سلین که اساس همه آنها متوسط گیری از عمق در معادله ناویر- استوکس به فرم متوسط در عمق می‌باشد. (Knight, et al. 1989; Lambert, and Sellin, 1996; Lambert, and Myers, 1998)

این مدل‌ها که بر اساس معادلات ناویر- استوکس است قادر به برآورد تنفس برشی بستر که معمولاً ترم مهم اغلب معادلات هیدرولیکی است و همچنین شامل تنفس برشی عرضی (تنشهای رینولدز) و جریانهای ثانویه نیز می‌باشد. در نتیجه این

عمق ثابت ( $s = \infty$ ), منجر به حل ذیل برای تعیین سرعت جریان بصورت تابعی از موقعیت عرضی آن در کanal خواهد شد:

$$u_d = \left[ A_1 e^{\gamma y} + A_2 e^{-\gamma y} + \frac{8gS_0 H}{f} (1 - \beta_s) \right]^{1/2} \quad (4)$$

و برای نواحی با عمق یا شیب جانبی متغیر ( $0 < s < \infty$ ):

$$u_d = \left[ A_3 Y^{\alpha_1} + A_4 Y^{-\alpha_2} + \omega Y + \eta \right]^{1/2} \quad (5)$$

که:  
(6)

$$\gamma = \left( \frac{2}{\lambda} \right)^{1/2} \left( \frac{f}{8} \right)^{1/4} \frac{1}{H}$$

$$\alpha_1 = -\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \left\{ 1 + \frac{s\sqrt{1+s^2}}{\lambda} \sqrt{8f} \right\}^{1/2}$$

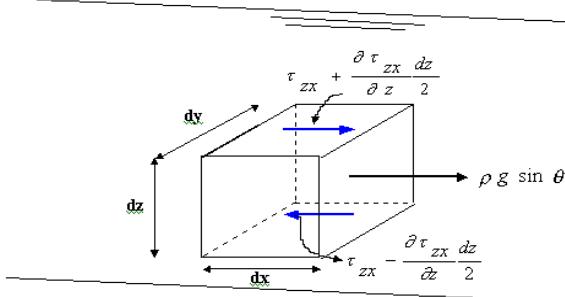
$$\alpha_2 = \alpha_1 + 1, \beta_s = \frac{\Gamma}{pgHS_0}$$

$$\eta = -\frac{\Gamma}{\frac{(1+s^2)}{s} \left( \frac{f}{8} \right) - \frac{\lambda}{s^2} \left( \frac{f}{8} \right)^{1/2}}$$

$$\omega = \frac{gS_0}{\frac{\sqrt{1+s^2}}{s} \frac{f}{8} - \frac{\lambda}{s^2} \sqrt{\frac{f}{8}}}$$

که ( $A_4, A_3, A_2, A_1$ ) مقادیر ثابت هستند و ( $\lambda$ ) ضریب بدون بعد لزجت گردابی، ( $\Gamma$ ) ضریب بی بعد حاصل از جریان‌های ثانویه و مقدار  $Y$  تابع عمق جریان در نواحی با شیب جانبی است. این مقدار در ناحیه شیب جانبی مقطع اصلی بصورت زیر قابل محاسبه است:

$$Y = H - ((y - b)/s) \quad (7)$$



شکل 2- تنش‌های برشی رینولدز در جهت جریان

### ب- مدل آزمایشگاهی

مدل فیزیکی مورد استفاده فلوم آزمایشگاهی با مقطع مرکب که از نظر مقیاس و اندازه در محدوده فلوم‌های بزرگ مقیاس قرار می‌گیرد. (شکل 3) سکوی اصلی فلوم محلی برای استقرار کanal با مقطع مرکب و ملحقات آن است که در عین حال قابلیت تغییر شیب فلوم به صورت خودکار وجود دارد. سکو روی سه

= ترم گرادیان جانبی تنش برشی رینولدز بر سطح قائم و

در جهت طولی جریان و

= ترم گرادیان قائم تنش برشی رینولدز بر سطح افقی.

بدلیل اینکه مهندسین هیدرولیک غالباً در عمل با

اندازه‌گیری کمیت‌ها بصورت یک یا دوبعدی سروکار دارند

بنابراین به دلیل اهمیت توزیع عرضی پارامترها در رودخانه‌ها که

اندازه‌گیریهای میدان سرعت و نمونه برداری سرعت بر اساس

تقسیم قائم مقطع جریان و در اعماق مختلف برای رسیدن به

یک متوسط عمقی صورت می‌گیرد، لذا انتگرال گیری نسبت به

عمق مناسب‌تر بوده و بنابراین می‌توان به فرم دوبعدی متوسط

در عمق (Depth-Averaged Equation) (معادله 1) رسید.

در شرایط جریان ماندگار و یکنواخت در یک کanal مرکب

که مقطع عرضی آن در شکل (1) نشان داده شده است و با

صرف‌نظر کردن از اثر جریان‌های ثانویه (ترم I در معادله 1)،

معادله ناویر-استوکس برای یک ذره سیال درون کanal که در آن

نیروهای برشی وارد به سطح ذره مایع به شکل مکعب مستطیل

با نیروی وزن المان در جهت جریان در حال تعادل می‌باشد

(شکل 2) به شکل ساده شده ذیل در می‌آید: (Shiono, and Knight, 1990)

$$\rho g \sin \theta dx dy dz + \frac{\delta \tau_{zx}}{\delta z} dz dx dy + \frac{\delta \tau_{yx}}{\delta y} dy dx dz = 0 \quad (2)$$

تنش برشی رینولدز، در جهت  $z$  و بر صفحه‌ای عمود بر

جهت  $x$  می‌باشد. این تنשها ناشی از نیروهای اصطکاکی بستر و

جدارهای کanal می‌باشند. البته لازم بهذکر است که در بعضی

شرایط اثر جریان‌های ثانویه مهم بوده و طرف راست معادله (2)

برابر صفر نخواهد شد و برای وارد کردن این مقدار در روابط آنرا

به صورت ضریبی از تنش نیروی اصطکاک بستر در نظر

می‌گیرند (مقدار طرف راست رابطه ذیل). به منظور تعیین توزیع

عرضی پارامترها، از معادله فوق نسبت به عمق  $H$  انتگرال گرفته

و به معادله جریان موسوم به معلمۀ متوسط در عمق خواهد

رسید.

$$\rho g H S_0 \tau_b \sqrt{1 + \frac{1}{s^2}} + \frac{\partial}{\partial y} \left\{ \frac{\lambda H^2}{2} \left( \frac{8}{f} \right)^{1/2} \frac{\partial \tau_b}{\partial y} \right\} = \beta_s \rho g H S_0 \quad (3)$$

که در آن  $H$  عمق جریان،  $f$  ضریب زبری دارسی- وايسپاخ،

تنش برشی بستر و ضریب بی بعد جریان ثانویه می‌باشد. در

نهایت معادله (3) را می‌توان به کمک شرایط مرزی مناسب حل

کرد. در این حالت، حل معادله دیفرانسیل مذکور برای نواحی با

### آزمایش‌ها و برداشت الگوهای سرعت

در مقاطع مرکب با توجه به شکل مقطع و نیز به دلیل تنشهای موجود در داخل جریان به خصوص در محل اتصال کanal اصلی به کرانه سیلابی، برای بررسی هیدرولیک جریان لازم است نحوه توزیع خطوط هم‌سرعت یا الگوهای جریان در این مقاطع مشخص شود لذا اقدام به اندازه‌گیری سرعت در مقطع عرضی شکل (4) شد. طرح انجام آزمایشها بر اساس افزایش عمق نسبی و کاهش شیب بستر کanal انجام شد. بر اساس این طرح آزمایش پنج شیب و سه عمق نسبی برای انجام آزمایشها در نظر گرفته شد. جدول (1) نشان دهنده طرح آزمایشها و مشخصات هر آزمایش می‌باشد در این جدول ستون اول نام آزمایش و ستون دوم شیب بستر است. پارامتر H برابر عمق انجام آزمایش و عمق نسبی متناظر با عمق آزمایش است. سه ستون بعدی به ترتیب دبی قرائت شده روی سرریز، دبی محاسبه شده از سرعت و مقدار خطا دبی محاسبه شده به دبی قرائت شده می‌باشد. اندازه‌گیری سرعت با استفاده از یک میکرومولینه انجماد شد. برای برداشت سرعت به دلیل تقارن عرضی مقطع مرکب اندازه‌گیری فقط در یک طرف خط تقارن مرکزی انجام شد. نمونه‌برداری از داده‌های سرعت براساس یک شبکه‌بندی از پیش تعیین شده صورت گرفت. در این شبکه فاصله عرضی نقاط از یکدیگر 5 سانتی‌متر و ارتفاع آن 2 سانتی‌متر بود. برای برداشت داده‌ها ابتدا عمق نرمال در مقطع مرکب ایجاد شده و سپس با استفاده از میکرومولینه و با مماس کردن انتهای آن با بستر کanal اولین داده سرعت قرائت شد سپس انتهایی بعدی با افزایش ارتفاعی معادل 0/03 و 0/04 و 0/06 سانتی‌متر از ارتفاع قبلی برداشت شد. در مراحل بعدی قرائت سرعت در فاصله‌های 2 سانتی‌متری صورت گرفت. این عمل تا مماس شدن لبه بالایی میکرومولینه با سطح آب انجام شد. بعد از برداشت یک پروفیل سرعت، با انتقال عرضی میکرومولینه به اندازه 5 سانتی‌متر مراحل قبلی دوباره تکرار شد. این عمل تا آخرین مرحله نمونه‌برداری سرعت که در خط مرکزی جریان بود ادامه یافت. شکل‌های (5) تا (7) الگوی خطوط هم‌سرعت جریان در شیب 0/25 و عمق‌های نسبی 0/00028 و 0/015 را نشان می‌دهد. با انتگرال گیری از رویه حاصل از پروفیل سرعت در فلوم مقدار دبی محاسباتی بدست آمد که در جدول (1) این مقادیر قید شده است.

### بررسی الگوهای سرعت

با بررسی الگو سرعت ترسیم شده در مقطع مرکب ابتداء در عمق نسبی 0/15 گسترش خطوط هم‌سرعت از داخل کanal اصلی به سمت کرانه سیلابی مشاهده می‌شود سپس با افزایش عمق و رسیدن به عمق نسبی 0/2 مانند حالت قبل گسترش خطوط جریان از سمت کanal اصلی به داخل کرانه سیلابی مانند حالت قبل مشاهده می‌شود با دقت بیشتر در خطوط هم‌سرعت جریان بویژه در محل اتصال کanal اصلی به کرانه سیلابی اندکی

تکیه‌گاه استوار شده که متشکل از یک تکیه‌گاه مفصلی در بالادست و دو تکیه‌گاه با قابلیت جابجایی در وسط و در انتهای سکو می‌باشد. تغییرات شیب سکو به گونه‌ای است که محدوده وسیعی از شیب‌های معکوس (شیب منفی) تا شیب‌های مثبت را پوشش می‌دهد. تغییرات پایه انتهایی نسبت به تکیه‌گاه ثابت واقع در ابتدای فلوم از  $0/45$  تا  $0/18$  متر است و فاصله دو تکیه‌گاه برابر  $11/95$  متر است. لذا محدوده شیب آزمایش‌های قابل انجام با تغییر ارتفاع پایه‌ها در محدوده  $\frac{0/45}{11/95} < s_0 < \frac{-0/18}{11/95}$  مورد نظر امکان پذیر است.

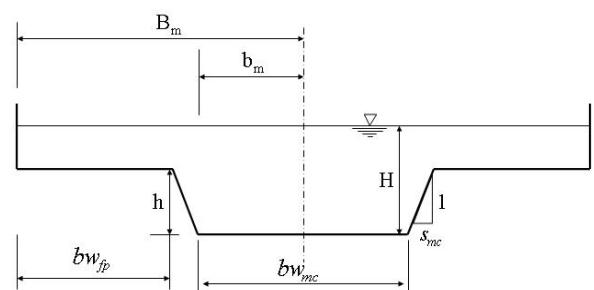
### مقطع مورد مطالعه

در این تحقیق از یک فلوم آزمایشگاهی با مقطع مرکب متقارن استفاده شده است. که شامل یک کanal اصلی و دو کرانه سیلابی است. مقطع عرضی مورد استفاده و پارامترهای هندسی آن در شکل (4) نشان داده شده است.

در این مقطع عرضی همان‌گونه که مشاهده می‌شود شیب جانبی دیواره کرانه سیلابی قائم است و شیب جانبی کanal اصلی (0/05) می‌باشد عرض بستر کرانه سیلابی ( $bw_{mc}$ )،  $0/45$  متر و عرض کف کanal اصلی ( $bw_{fp}$ )،  $0/55$  متر است. مقدار اختلاف ارتفاع کف کanal اصلی از کف بستر سیلابی ( $h$ )،  $0/2$  متر و حداکثر ارتفاع (H) از کف برابر  $0/4$  متر می‌باشد. عرض کل فلوم برابر  $1/85$  متر است و فاصله کف از مرکز در کanal اصلی و مقطع سیلابی به ترتیب برابر  $0/275$  و  $0/825$  متر می‌باشد. مقدار عرض نسبی  $(\frac{B_m}{b_m})$  برابر 3 می‌باشد.



شکل 3- فلوم آزمایشگاهی



شکل 4- مقطع عرضی فلوم آزمایشگاهی

کanal اصلی به علت افزایش تنش در این ناحیه از جریان است. این افزایش تنش در این ناحیه باعث بوجود آمدن جریان‌هایی در این ناحیه می‌شوند که به نام جریان‌های ثانویه شناخته می‌شوند که بر روی خطوط جریان غالب (جهت جریان) تاثیر می‌گذارد.

کاهش سرعت دیده می‌شود که در عمق نسبی 0/25 این کاهش سرعت به نحو بارزی قابل تشخیص است به طوری که در این عمق در قسمتی از جریان در کرانه سیلابی خطوط جریان از جریان در کanal اصلی جدا شده و یک منحنی بسته جریان (کanal جریان) مستقل از کanal اصلی در کرانه سیلابی بوجود می‌آید. دلیل عمدی آن کاهش سرعت در محل اتصال کرانه به

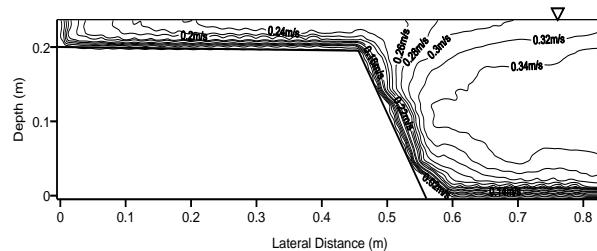
جدول ۱- طرح آزمایش‌ها و مقایسه دبی قرائت شده و دبی محاسبه شده از سرعت

طا	دبی محاسباتی	دبی مشاهداتی	عمق نسبی	عمق جریان	شیب	نام آزمایش
%1/31	0/0533	0/054	0/1489	0/235	0/00028	T28B0903
%3/17	0/0608	0/0627	0/2	0/25	0/00028	T28C0908
%0/98	0/0716	0/0723	0/2424	0/264	0/00028	T28D0911
%9/95	0/0522	0/047	0/1597	0/238	0/00023	T23B0922
%1/08	0/0554	0/0548	0/2	0/25	0/00023	T23C0926
%4/19	0/0755	0/0786	0/2593	0/27	0/00023	T23D0930
%2/00	0/048	0/047	0/1525	0/236	0/00019	T19B1007
%8/27	0/052	0/0563	0/2	0/25	0/00019	T19C1011
%0/27	0/0752	0/075	0/2481	0/266	0/00019	T19D1014
%8/56	0/0479	0/0438	0/1525	0/236	0/00014	T14B1021
%4/55	0/0519	0/0542	0/2	0/25	0/00014	T14C1025
%1/57	0/071	0/0699	0/2647	0/272	0/00014	T14D1029
%1/62	0/032	0/0315	0/1489	0/235	0/0001	T10B1108
%2/00	0/0434	0/0425	0/2	0/25	0/0001	T10C1111
%1/12	0/0596	0/0602	0/2481	0/266	0/0001	T10D1123

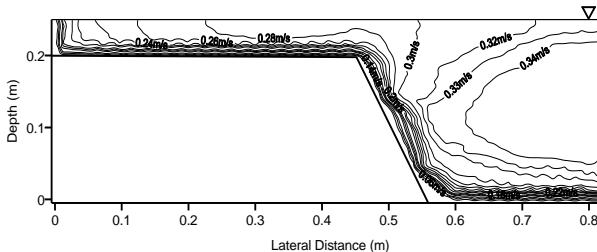
#### واسنجی مدل دو بعدی در مقطع مرکب:

از متosteگیری سرعت‌های نقطه‌ای در هر عمق با توجه به مشخصات هندسی و هیدرولیکی مقطع مرکب که به آنها اشاره شد سرعت متوسط عمقی بدست آمد. همچنین با استفاده از مدل دو بعدی شیونو-نایت و با در نظر گرفتن مقادیر مختلف برای ترم جریان‌های ثانویه در مدل و با استفاده از روش حداقل مربعات، مقدار سرعت متوسط عمقی اندازه‌گیری شده با سرعت بدست آمده از روش دو بعدی شیونو-نایت برآورد شد. سرعت متوسط در مدل عددی با مدل آزمایشگاهی واسنجی شد (Knight, et al. 1989).

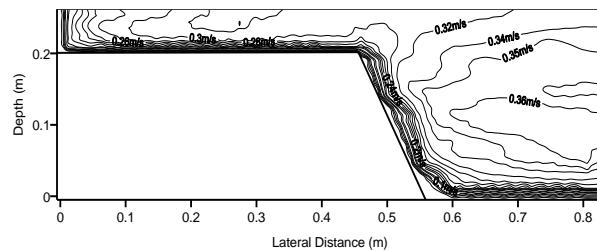
برای واسنجی مدل دو بعدی در مقطع لازم است که پارامترهای هیدرولیکی دیگری غیر از ضریب اصطکاک مورد استفاده قرار گیرند که عبارتند از ضریب زبری دارسی وايسباخ، ضریب بدون بعد لزجت گردابی ( $\lambda$ ) و ضریب بی بعد حاصل از جریان‌های ثانویه ( $\Gamma$ ) است. بر اساس واسنجی آبریل بر داده‌های مرکز تحقیقات سیل انگلستان روابط زیر بدست آمد که در مدل مورد استفاده قرار گرفتند. این روابط عبارتند از (Shiono, and Knight, 1991; Abril, 2002)



شکل ۵- توزیع خطوط هم سرعت در عمق نسبی ۰/۱۵



شکل ۶- توزیع خطوط هم سرعت در عمق نسبی ۰/۲۰



شکل ۷- توزیع خطوط هم سرعت در عمق نسبی ۰/۲۵

تعداد پارامترهای مورد استفاده در مقطع مرکب می‌شود. پس از اعمال ضرایب مورد نیاز برای مدل دو بعدی در مقطع با استفاده از روش حداقل مربعات مقادیر سرعت بدست آمده از مدل دو بعدی بوسیله تعییر کمیت جریان ثانویه مقطع اصلی برآش داده شد. حداقل مقدار خطای حد 0/2 درصد برای برآش مقدار سرعت بدست آمده از مدل و داده اندازه‌گیری شده پذیرفته شد. شکل 8 نشان‌دهنده مقادیر محاسبه شده و مشاهده شده سرعت می‌باشد.

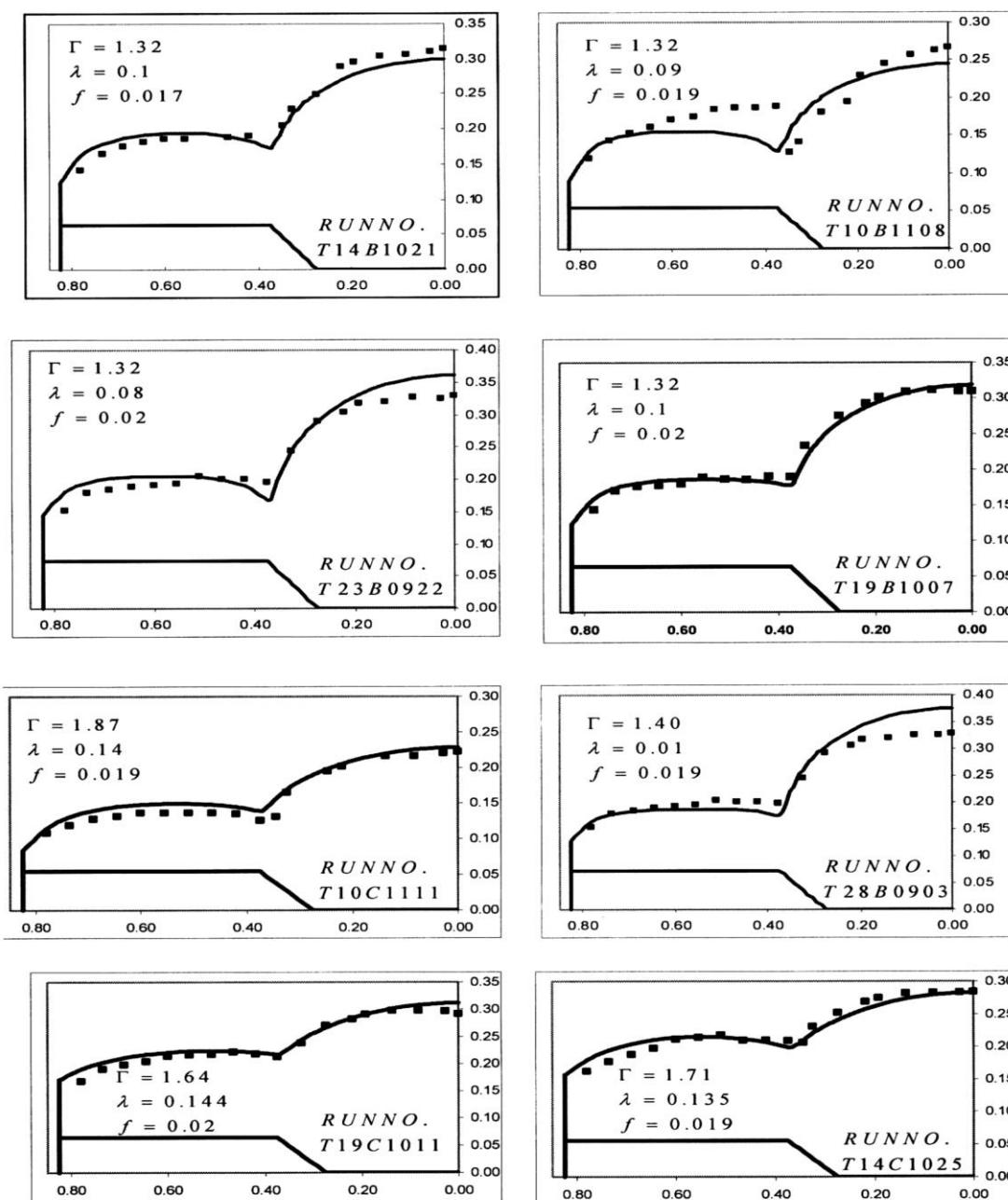
$$\text{and } f_f = f_c R_f \quad \lambda_f = \lambda_c R_\lambda \quad (8)$$

$$R_f = R_n^2 (0.669 + 0.331 D_r^{-0.719}) \quad (9)$$

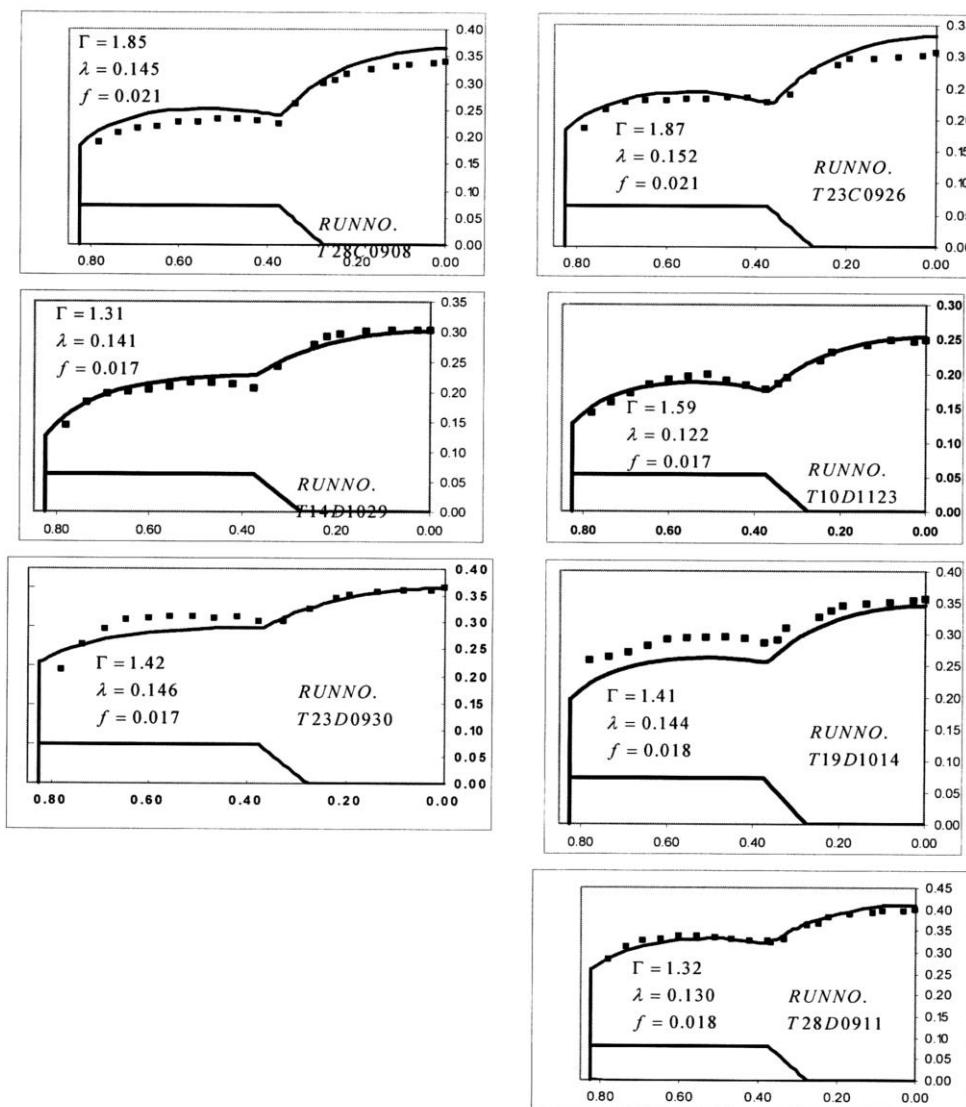
$$R_\lambda = -0.2 + 1.2 D_r^{-1.44} \quad (10)$$

در روابط فوق  $R_f$  معرف ضریب تبدیل مقدار ضریب

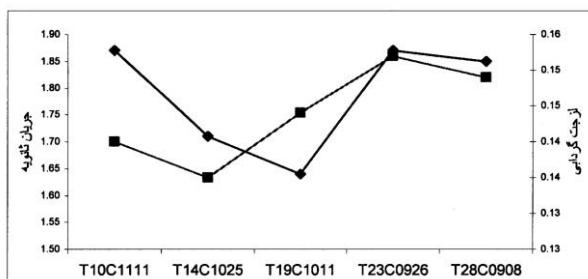
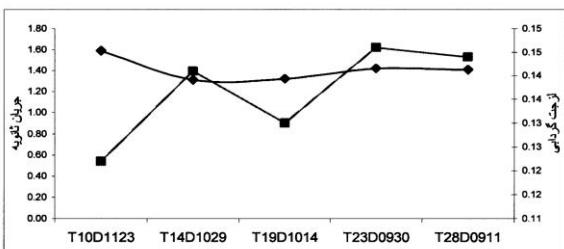
اصطکاک دارسی وايسپاخ کanal اصلی به کرانه سیلابی و  $R_\lambda$  بیانگر ضریب تبدیل لزوجت گردابی کanal اصلی به کرانه سیلابی است. استفاده از روابط ارائه شده توسط آبریل باعث کاهش



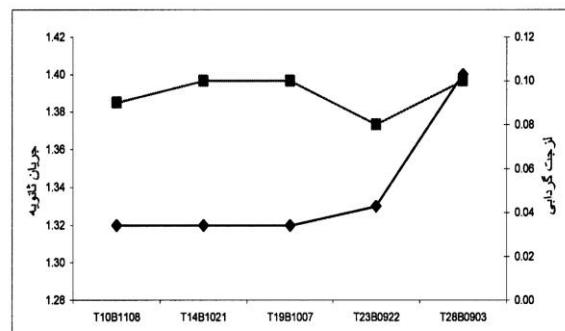
شکل 8- مقایسه توزیع سرعت متوسط عمقی و خروجی مدل دو بعدی شیونو-نایت



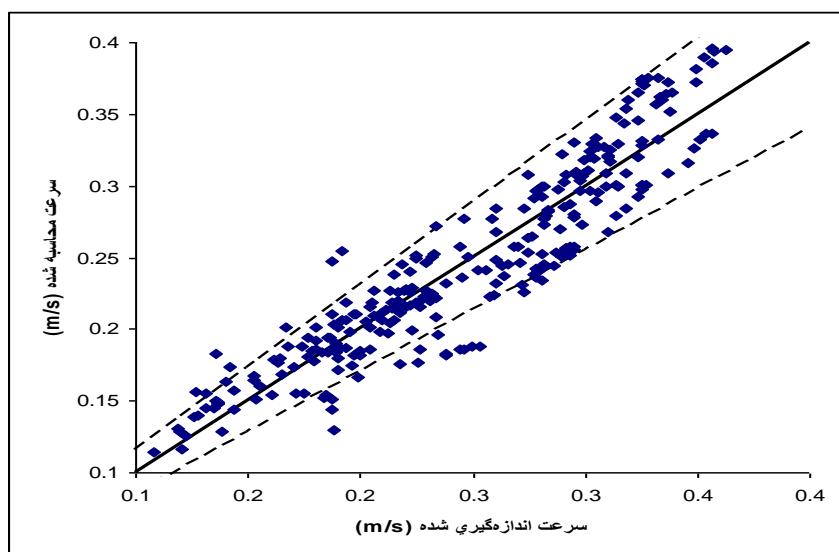
ادامه شکل 8- مقایسه توزیع سرعت متوسط عمقی و خروجی مدل دوبعدی شیونو- نایت

شکل 10- واسنجی لزجت گردابی( $\lambda$ ) و جریانهای ثانویه ( $\Gamma$ ) در شیب‌های مختلف در عمق نسبی 0/20شکل 11- واسنجی لزجت گردابی( $\lambda$ ) و جریانهای ثانویه ( $\Gamma$ ) در شیب‌های مختلف در عمق نسبی 0/25

پس از برآوردهای سرعت با استفاده از سرعت‌های متوسط عمقی اندازه‌گیری شده و مدل مقدار جریان ثانویه و لزجت گردابی متناظر برای حداقل کردن مقدار خطا در هر آزمایش بدست آمد که متناظر با هر عمق نسبی در شکل‌های 9 تا 11 ترسیم گردید.

شکل 9- واسنجی لزجت گردابی( $\lambda$ ) و جریانهای ثانویه ( $\Gamma$ ) در شیب‌های مختلف در عمق نسبی 0/15

بیشتری بر پارامترهای جریان دارد و با تغییر عمق نسبی تفاوت مقادیر لزجت گردابی و جریان‌های ثانویه مشهودتر است. برای بررسی بیشتر داده‌های فوق یکی از آزمایشها در هر عمق نسبی حذف سپس از آزمایش‌های دیگر میانگین گرفته شد و نهایتاً مقدار متوسط لزجت گردابی و جریان ثانویه برای محاسبه مورد استفاده قرار گرفت نتایج نشان داد که در عمق نسبی 0/15 مقدار خطا نسبت به مقدار بهینه سازی شده برابر 1 درصد و در عمق نسبی 0/20 مقدار خطا نسبت به مقدار 0/25 بهینه سازی شده برابر 2/2 درصد که در عمق نسبی 0/25 مقدار خطا نسبت به مقدار بهینه سازی شده برابر 2/8 درصد می‌باشد که متضمن دقت مناسب مقادیر برآورده شده می‌باشد. همچنین برای نشان دادن دقت محاسبات نسبت به سرعت اندازه‌گیری شده مقدار سرعت اندازه‌گیری شده در محور  $x$  و مقدار سرعت محاسباتی در محور  $y$  ترسیم شده است خط بهترین انطباق و خطوط انحراف  $\pm 15\%$  نیز ارائه شده است.



شکل 12- مقایسه سرعت اندازه‌گیری شده و مشاهده شده

تکرار آزمایشها در اعمق نسبی متفاوت تحلیل دقیق تاثیر آن بر توزیع پارامترهای لزجت گردابی و جریان‌های ثانویه و تعیین و تبیین روند تغییرات آن موكول به انجام آزمایش‌های بیشتر است.

### سپاسگزاری

این مقاله مستخرج از پایان نامه کارشناسی ارشد رشته تاسیسات آبیاری دانشگاه تربیت مدرس می‌باشد. تحقیق در آزمایشگاه مرکزی گروه مهندسی آبیاری و آبادانی دانشگاه تهران انجام شده است. بدینوسیله از دانشگاه تربیت مدرس و دانشگاه تهران که امکان انجام تحقیق را فراهم کرده‌اند تشکر و قدردانی می‌شود.

در این شکل‌ها محور عمودی لزجت گردابی حاصل از واسنجی مدل و داده‌های آزمایشگاهی است و محور افقی بیانگر نام آزمایش است. تاثیر شیب بر مقادیر لزجت گردابی در عمق‌های نسبی فوق تقریباً ثابت است از بررسی تاثیر تغییر عمق نسبی در محدوده آزمایش‌ها این‌گونه استنباط می‌شود که ضریب لزجت گردابی با افزایش از عمق نسبی 0/15 تا 0/20 متغیر دیگری که به همراه لزجت گردابی مورد بررسی قرار گرفت ضریب جریان‌های ثانویه جریان ( $\Gamma$ ) است. همانطور که در شکل‌های فوق مشخص است تغییرات جریان‌های ثانویه ( $\Gamma$ ) در مقابل تغییر شیب ثابت است و با تغییر شیب مقدار جریان ثانویه تغییرات ناچیزی دارد. از بررسی کلی تغییرات لزجت گردابی و جریان‌های ثانویه می‌توان این موضوع کلی را بیان کرد که تفاوت شیب‌ها تاثیر چندانی بر پارامترهای فوق ندارند در حالی که عمق نسبی تاثیر

**نتیجه‌گیری و پیشنهادها**  
بررسی مقاومت جریان با شبیه‌های مختلف در کانالهای با مقطع مرکب به علت شکل ویژه مقطع و تغییر مقاومت جریان دارای متغیرهای زیادی است که با استفاده از مدل‌های دوبعدی مومنتوم در عرض می‌توان آن را تحلیل کرد. در تحقیق حاضر با استفاده از روابط مورد استفاده آبریل با ساده‌سازی کل مسئله محاسبه دو پارامتر لزجت گردابی و جریان‌های ثانویه با استفاده از برآش مدل عددی و آزمایشگاهی انجام شد نتایج آزمایشها نشان داد در محدوده شبیه‌های انتخابی برای آزمایش توزیع این دو پارامتر مقدار ثابتی بوده و با تغییرات کم شیب در مقطع مرکب می‌توان یک مقدار ثابت برای آن را پذیرفت. به علت محدود بودن تعداد

## REFERENCES

- Abril, J. B. . (2002). Over bank flood routing analysis applying jointly variable parameter diffusion and depth averaged flow finite element models, Proceedings of the International Conference on Fluvial Hydraulics, Belgium, 4–6 September: 161–167.
- Ackers P., (1993). Flow Formulae for Straight Two-Stage Channels, Journal of Hydraulic Research, IAHR, Vol. 31, No. 4, pp 509-531.
- Ayyoubzadeh, S. A. (1997). "Hydraulic aspects of straight-compound channel flow and bed load sediment transport". PhD Thesis, The University of Birmingham, U.K
- Bousmar, D. and Zech, Y. (1999). Momentum transfer for practical flow computation in compound channels. Journal of Hydraulic Engineering, ASCE, Vol. 125(7), 696–700.
- Ervine, D. A., Babaeyan-Koopaei, K. and Sellin, R. H. J. (2000). Two-Dimensional Solution for Straight and Meandering Overbank Flows. Journal of Hydraulic Engineering., ASCE, Vol. 126, No. 9, PP. 653–669.
- Haidera, M. A. and Valentine, E. M. (2002). A practical method for predicting the total discharge in mobile and rigid boundary compound channels. Proceedings of the International Conference on Fluvial Hydraulics, Belgium, 4–6 September: 153–160.
- Knight, D. W. , Shiono, K . and Pirt, J. (1989). "Prediction of depth mean velocity and discharge in nutureal rivers with overbank flow". International Conference Hydraulic and Environmental Modelling of Coastal, Estuarine and River Waters. Bradford, England.
- Knight, D. W. and Abril, J. B. 1996. Refined calibration of a depth-averaged model for turbulent flow in a compound channel, Proc. Instn Civ. Engrs Water, Maritime & Energy, Paper 11017, Sep., Vol. 118: 151–159.
- Lambert, M.F. and Myers, R.C. 1998. Estimating the discharge capacity in straight compound channels. Engrs., Wat., Marit. and Energy, 130: 84–94.
- Lambert, M.F. and Sellin, R.H.J. 1996. Discharge Prediction in Straight Compound Channels Using The Mixing Length Concept. J. of Hydraulic Research, Vol. 34: 381–394.
- Myers, W.R.C. and Brennan E.K., 1990. "Flow Resistance in Compound Channels", Journal of Hydraulic Research, IAHR,28, 141-155,
- Myers, W.R.C., and Lyness, J.F., (1997). "Discharge ratios in smooth and rough compound channels", Journal of the Hydraulics Division, ASCE, Vol. 123, HY3, No. 3, March, pp 182-188.
- Shiono, K. and Knight, D.W. (1988). "Two dimensional analytical solution for a compound channel". 3rd International Symposium on Refined Flow Modeling and Turbulence Measurements, 26-28 July .pp. 1-8.
- Shiono, K. and Knight, D.W. (1990). "Mathematical models of flow in two or multi stage straight channels". International Conferance on River Flood Hydraulics. 17-20 Sep .pp. 229-238.
- Shiono, K. and Knight, D.W., 1991. "Turbulent open channel flows with variable depth across the channel", Journal of Fluid Mechanics, Vol. 222, pp 617-646