بررسی هیدرولیک سرریزهای جانبی لولایی با آستانه

چکیدہ

سرریز جانبی یک سازه پرکاربرد است که از آن برای روگذری جریان در مسیل ها و کانال ها استفاده می گردد.

در این تحقیق با معرفی نوع جدیدی از سرریزهای جانبی تحت عنوان سرریز جانبی لولایی (گونه ای از سرریزهای لبه تیز مایل) با آستانه، به بررسی ضریب دبی و راندمان آن پرداخته شد.

آزمایش ها در آزمایشگاه هیدرولیک دانشکده مهندسی علوم آب دانشگاه شهید چمران اهواز صورت گرفت. عملکرد مدل های PSW (سرریز جانبی لولایی با آستانه و کناره های سرریز باز)، C-PSW (مدل سرریز جانبی لولایی با آستانه و کناره های سرریز بسته) و PSW-HC (مدل سرریز جانبی لولایی کا کناره ابتدایی باز و انتهای بسته) نسبت به مدل شاهد R (سرریز جانبی لبه تیز قائم مستطیلی) در مقابل عدد فرود انتهای بالادست جریان سر محدوه ۰/۳ تا ۱۵۳۰ به ازای یک نسبت عمق بالادست به ارتفاع سرریز ثابت و تحت زوایای بازشدگی ۳۵، ۴۵ و ۶۰ درجه رو به کانال اصلی بررسی گردید.

نتایج نشان داد که دلهای معرفی شده در این تحقیق نسبت به مدل شاهد بهینه تر بوده و ضریب دبی و راندمان بیشتری خواهند داشت. محاسبات نشان داد که در مدل های اصلی، ضریب دیر ۲۰ ۸۰ و راندمان تا ۲۰ درصد نسبت به مدل شاهد افزایش خواهد یافت. همچنین در مقایسه مدل های اصلی با یکدیگر مشاهده کرید که مقدار ضریب دبی و راندمان مدل PSW-HC به طور میانگین در حدود ۲ و ۵ درصد نسبت به مدل PSW و ۲۲

و ۸ درصد نسبت به مدل PSW-C افزایش <mark>بافته</mark>

کلید واژگان : آستانه سرریز، راندمان، سرریزهای جانبی، سرریزهای لولایی، ضریب دبی

ABSTRACT

The side weir is availedly used structure for the diversion of flow in channels and waterways. In this study, a new type of side weir referred to as the pivot side weir (a type of inclined sharp-crested weir) with a sill, was introduced to investigate its discharge coefficient and efficiency. The experiments were conducted in the hydraulic laboratory of the Faculty of Water Engineering at Shahid Chamran University of Ahvaz. The performance of the models PSW (pivot side weir with a sill and open overflow sides), PSW-C (pivot side weir with closed overflow sides), and PSW-HC (pivot side weir with an open upstream side and closed downstream end) was evaluated against the control model R (rectangular sharp-crested side weir) in relation to the upstream Froude number ranging from 0.3 to 0.54, under a constant ratio of upstream depth to weir height and at opening angles of 30, 40 and 60 degrees towards the main channel. The results indicated that the models introduced in this study were more efficient than the control model, exhibiting higher discharge coefficients and efficiencies. Calculations showed that in the primary models, the discharge coefficient increased by up to 80% and efficiency by up to 70% compared to the control model. Furthermore, when comparing the primary models with each other, it was observed that the average discharge coefficient and efficiency of the PSW-HC model increased by approximately 7% and 5%, respectively, compared to the PSW model, and by 22% and 8% compared to the PSW-C model.

Keywords: Weir sill, efficiency, Side Weirs, Pivot Weirs, Discharge Coefficient

Hydraulic Analysis of Pivot Side Weirs with Sill

EXTENDED ABSTRACT

Objective

This study investigates the discharge coefficient and efficiency of a pivot side weir model with a flow sill, examining various opening angles relative to the main channel. The weir model developed in this study consists of a fixed right-angle sill and an inclined hinge section that allows for angle adjustments.

Methods

The models were installed and tested in the hydraulic laboratory at the Faculty of Water and Environmental Sciences, Shahid Chamran University, Ahvaz. A total of 60 experiments were conducted to achieve the objectives of this study. Based on dimensional analysis using the Buckingham method, the key variables identified are: flow Froute number (Fr), opening angle of the pivot weir in relation to the main channel (α), upstream flow depth relative to the height of the weir (yu/P), and the ratio of the length of the overflow crown to the length of the catchment section (Lw/p). Tests were conducted across a total flow range of 25 to 45 L/s (Froude numbers from 0.3 to 0.54) with opening angles of 30, 45, and 60 degrees, while maintaining a constant upstream depth (Yu = 16.5 cm) and a consistent ratio of upstream depth to overflow height (Yu/P) for each model.

Results

Following the tests, we evaluated the applicability of Di Marchi's hypothesis for calculating the overflow flow coefficient. The specific energy difference percentage values obtained indicate that comparison of discharge deficients based on Di Marchi's hypothesis are acceptable for deriving study results, albeit with caution. Calculations revealed that the discharge coefficient and efficiency of various models increased by an average of 80% and 70%, respectively, compared to the control model. Additionally, results indicate that within the investigated range of Froude numbers, the flow rate coefficient increased up to Froude numbers of 0.4 to 0.45; beyond dis range, as the upstream Froude number increased, the flow coefficient decreased for all models. It was also observed that for all upstream Froude numbers, increasing the opening angle enhanced efficiency compared to the control sample conditions. Notably, under the highest opening angle, model efficiency—particularly in the Froude number range of 0.3 to 0.4 —was significantly higher than in other scenarios. Conversely, for Froude numbers of 0.4 and above, efficiency values decreased across all models.

Conclusions

The findings indicate that for all three models across various opening angles (α), increasing the angle of the model facing the main channel—thereby extending the length of the aide overflow crown—leads to improvements in both discharge coefficient and efficiency, positively impacting the performance of the pivot side weir. Furthermore, closing off the sides of the pivot side weir model at angle α negatively affects its performance, resulting in decreased efficiency compared to when the sides are open. However, if only the entrance of the model is open while the end is closed, weir efficiency increases and surpasses that of other configurations.

Author Contributions

Conceptualization, S.M.S.; methodology, J.A.; software, H.K. and S.M.S; validation, H.K., S.M.S, J.A and M.G.; formal analysis, H.K.; investigation, H.K., S.M.S, J.A and M.G.; resources, S.M.S.; data curation, H.K.; writing—original draft preparation, H.K.; writing—review and editing, H.K., S.M.S, J.A and M.G.; visualization, H.K., S.M.S, J.A and M.G.; supervision, S.M.S.; project administration, S.M.S.; funding acquisition, S.M.S. All authors have read and agreed to the published version of the manuscript.

Data Availability Statement

Data is available on reasonable request from the authors.

Acknowledgments

The authors would like to thank Shahid Chamran University of Ahvaz for providing all the needed facilities.

Ethical considerations

The authors avoided data fabrication, falsification, plagiarism, and misconduct.

Conflict of Interest

The authors declare no conflict of interests.

Keywords : Weir sill, efficiency, Side Weirs, Pivot Weirs, Discharge Coefficent

سرریز ^۱در یک تعریف عمومی به هر مانعی گفته می شود که بر سر راه عبور جریان قرار گرفته و باعث می شود تا آب در پشت آن بالا آمده و بر سرعت آن افزوده گردد. سرریزها خود بر اساس شکل و کاربری انواع مختلف داشته و در مهندسی عمران از جمله سدسازی، شبکه های آبیاری و زهکشی و کانال های انتقال آب و فاضلاب مورد استفاده گسترده قرار می گیرند.

از جمله مدل های کارآمدی که طی سالیان اخیر مورد توجه قرار گرفته اند، می توان به سرریزهای لولایی اشاره نمود. سرریز لولایی، مدلی نسبتا جدید از سرریزها می باشد که تاکنون عمدتا به عنوان سازه سرریز در کانال اصلی مورد آزمایش و استفاده قرار گرفته است.

طبق تعریف سرریز لولایی سازه ای است که می توان آنرا در کف یک کانال یا مجرا لولا نموده و زاویه آن نسبت به کف نیز قابلیت تنییر و تنظیم را دارا می باشد. به کمک اهرم یا کابل هایی در دو طرف سرریز تعبیه می شوند، می توان زاویه سرریز را تغییر داده م آنرا بالا تابیایین آوید. سرریزهای لولایی از گروه سرریزهای لبه تیز مایل بوده و در بهره برداری ها می توان آن را در زوایای مختلف نسبت به کف کانال تنظیم نمید. از جمله مزایای این سازه، امکان استفاده از سازه هم به عنوان آبگیر و هم به صورت آب بند، امکان انجلیه رسوبات، نیاز به انرژی کم و مکانیزم ساده تنظیم سازه، طراحی روگذر و سهولت اتوماسیون می باشد. گاهی اوقات در مقاطع از رودخانه ها کانالهای آبیاری و زهکشی و یا کانالهای انتقال فاضلاب ممکن است میزان جریان عبوری از مجرا بیشتر از ظرفیت دبی آن طهد. در چنین مواری قرارگیری سرریز به صورت عمود بر جریان در مسیر اصلی انتقال آب (حالت استاندارد) امکان پذیر نبوده و جهت انجراف جریان و کنتران و حفاظت کانال یا رودخانه باید استفاده از سریز هریان در مسیر اصلی انتقال آب (حالت استاندارد) امکان پذیر نبوده و جهت انجراف جریان و کنتران و حفاظت کانال یا رودخانه باید استان در مسیر اصلی انتقال

سرریز جانبی^۲یک سازه پرکاربرد است که از آن برای روگری جریان در مسیل ها و کانال ها استفاده می گردد. در این گونه سرریزها، محور کانال جانبی شامل یک سرریز مستقیم است که محور آن موازی تاج سرریز می باشد. در حالی که محور کانال پایین دست سرریز استاندارد به صورت عمود بر تاج سرریز تعبیه می گردد. او این سرریز به ویژه در سدهای خاکی یا محل هایی در کناره سدها که موقعیت مناسب تری را با حوضچه آرامش برقرار می سازد و به طور کلی هرجا که کاربرد سرریز مستقیم عملی نمی باشد، استفاده می شود.

با توجه به اینکه که همواره نیاز به استقرار یک سازه سرریز مناسب با راندمان بالا حجب هدایت و کنترل جریان احساس می شود، در این پژوهش با استفاده از یک سرریز لولایی و استقرار آن به موازات دیواره فلوم از ایشگاهی، به بررسی ضریب دبی جریان و راندمان سرریز در حالتی که سرریز لولایی به عنوان یک سرریز جانبی مورد استفاده قرار کیرد. پرداخته خواهد شد.

به عنوان یک نوآوری، مدل سرریز جانبی لولایی ساخته شده در این پژوهش از یک بخش استانه ا راویه قائم ثابت و یک بخش لولایی مایل با قابلیت تغییر زاویه رو به کانال جانبی تشکیل شده است و تحت عنوان سرریز جانب لولایی با آستانه معرفی می گردد. با این تفاسیر، مهم ترین اهداف پژوهش حاضر را می توان در این موارد خلاصه نمود : الف) بررسی ضرب دبی سرریز جانبی لولایی با آستانه. ب) بررسی تاثیر زاویه بازشدگی سرریز رو به کانال اصلی بر عملکرد سرریز. ج) بررسی راندمان سرریز جانبی لولایی با آستانه.

پیشینه پژوهش

پیشینه نظری

جریان گذرنده از روی سرریزهای جانبی از نوع جریان متغیر مکانی^۳با کاهش دبی است. مشخصه اصلی چنین جریانی این است که مقدار دبی آن در طول کانال اصلی کاهش یافته و با کاهش دبی، شدت جریان نیز کم می شود.درنتیجه با توجه به نوع جریان

مقدمه

¹ Weir

² Side Weir

³ Spatially varied flow

در بالادست سرریز جانبی که می تواند از نوع زیربحرانی یا فوق بحرانی با شد، نیم رخ سطح آب روی تاج سرریز و مقطع کنترل تغییر می کند. محققین و پژوهشگران با توجه به مطالعات گسترده ای که برای بررسی تغییرات انرژی مخصوص در طول جریان منشعب شده از سرریز صورت گرفته، عموما مقدار انرژی را در طول مسیر ثابت درنظر می گیرند.

(1934) DeMarchi در مطالعات خود، فرض را بر ثابت بودن انرژی جریان در طول سرریز جانبی در کانال اصلی گرفت. دیمارچی نشان داد که ضریب دبی سرریز جانبی (C_m) می تواند تابعی از متغیرهای مختلف با شد که با استفاده از آنها می توان میزان دبی خروجی جریان را تخمین زد. افزایش طول عبور جریان در سرریزها اعم از مستقیم یا جانبی، باعث افزایش دبی عبوری از سرریز به ازای یک عمق مشخص آب روی سرریز می شود. از سوی دیگر در سرریزهای خطی، فرضیه اصلی، مساوی بودن انرژی برای در سرریزها می توان میزان دبی خروجی جریان را تخمین زد. افزایش طول عبور جریان در سرریزها اعم از مستقیم یا جانبی، باعث افزایش دبی عبوری از سرریز به ازای یک عمق مشخص آب روی سرریز می شود. از سوی دیگر در سرریزهای خطی، فرضیه اصلی، مساوی بودن انرژی ویژه جریان در طول سرریز و انتهای بالادست و پایین دست آن است.

شرط کاربرد فر ضیات دی مارچی به منظور تعیین ضریب دبی مدل سرریز جانبی لولایی، اثبات حد برابری مقدار انرژی ویژه در انتهای الاست و پایین دست مدل سرریز جانبی می باشد. بدین منظور در تحقیق حاضر با استفاده از داده های اندازه گیری شده در ازمایشگاه، مقابر انرژی ویژه در انتهای بالاد ست و پایین دست ((E_1) و پایین دست ((E_2)) مدل سرریز در در انتهای بالاد ست و پایین شده در ازمایشگاه، مقابر انرژی ویژه در انتهای بالاد ست ((E_1)) و پایین در در انتهای بالاد ست ((E_1)) و پایین دست ((E_2)) مدل سرریز در در انتهای بالاد ست و پایین دست آن ((X_1, X_6)) و مجاهد تاج سرریز ((Z_4)) برای تمامی مدل ها محاسبه شده و مورد بررسی واقع گردید. به طور کلی انرژی ویژه ویژه جریان به کمک رابطه ۱ محاسبه می گودد:

$$E = y + \frac{q^2}{2gy^2}$$

 $\Delta E_{(0)} = |E_2 - E_1|$

 $\frac{Q_0 - Q_i}{r} = \frac{Q_0 - Q_i}{dx} = q_s$

در این رابطه q دبی در واحد عرض، y عمق جریان، V حرعت جریان و g شتاب جاذبه می با شد. در ادامه در صد اختلاف انرژی ویژه جریان بین دو نقطه انتهای بالادست و پایین دست مدل سرریز به کمک رابطه ۲ به دست آمده و سپس، میانگین این مقادیر محاسبه و به عنوان معیار ارزیابی فرضیه ی دیماریی در نظر گرفته خواهد شد :

رابطه ۲)

رابطه ۱)

$$\frac{1}{E_1}(\%) = \frac{1}{E_1} \times 100$$

در این پژوهش، انرژی ویژه جریان در طول و انتهای بالادست و پایین دست سریو برابر فرض شده است. فرضیه های دیگر شامل تغییر ضریب دبی جریان با تغییر مشخصات هندسی و هیدرولیکی و نیز کاهش صریب دری با افزایش عدد فرود در انتهای بالادست سرریز است. رابطه پیو ستگی در جریان متغیر مکانی به صورت ۳ می با شد. طبق این معدله از تفاضل دبی جریان در بالادست و پایین دست سرریز جانبی، دبی عبوری از خود سرریز جانبی محاسبه می شود :

رابطه ۳)

 q_s در این معادله Q_0 دبی جریان در انتهای پایین د ست سرریز جانبی، Q_i دبی جریان در انتهای بالا د ست سرریز جانبی و q_s دبی عبوری از سرریز جانبی ممروض گردد، با درنظر گرفتن یک عمق به عبوری از سرریز جانبی می باشند. اگر رابطه عمومی سرریزها، برای سرریز جانبی مفروض گردد، با درنظر گرفتن یک عمق به عنوان عمق مبنا (Y_{index})، دبی عبوری از سرریز جانبی به کمک معادله ۴ محاسبه خواهد شد :

$$q_s = \frac{2}{3}\sqrt{2g}C_M(Y_{index} - P)^{1.5}$$
 (4)

در این رابطه P ارتفاع سرریز، g شتاب گرانشی و C_M ضریب دبی سرریز خواهند بود. در یک سرریز جانبی، ضریب دبی تابعی از مشخصات هیدرولیکی جریان در بالادست و پایین دست سرریز و نیز مقطع هندسی سرریز می باشد. مطابق با نظریات دیمارچی، با فرض ثابت بودن انرژی مخ صوص جریان و مستقل بودن ضریب دبی در طول سرریز، اگر از معادله فوق انتگرال گرفته شود، درنهایت معادله ۵ برای محاسبه ضریب دبی (C_M) سرریز جانبی حاصل می گردد :

$$C_M = \frac{3B}{2L} [\Delta \phi]$$
 (۵ رابطه)

در این معادله ϕ تابع متغیر جریان دیمارچی، B عرض کانال اصلی، L طول سرریز، Y عمق جریان و E انرژی ویژه می باشند. تابع ϕ با توجیع مشخص بودن پارامترهای هیدرولیکی جریان در ابتدا و انتهای سرریز، از معادله ۶ قابل محاسبه خواهد بود :

$$\phi(Y \cdot E \cdot P) = \frac{2E - 3P}{E - P} \sqrt{\frac{E - Y}{Y - P}} - 3\sin^{-1} \sqrt{\frac{E - Y}{E - P}}$$

در مقایسه عملکره مرریزهای جانبی، بررسی پارامتر راندمان سرریز نیز نقشی مهم و اساسی دارد. راندمان یک سرریز جانبی مطابق با معادله ۷ عبارت است از نسبت دیم عبوری از سرریز جانبی به دبی ورودی به کانال اصلی :

$$\varepsilon = \frac{Q_s}{Q_i}$$
 (۲ رابطه ۲)

پیشینه تجربی

سـرریزهای جانبی به سـبب کاربرد زیادی که دارند، مورد مطالعات گسترده پژوهشـگران و محققین بسـیاری قرار گرفته اند. هدف اصلی اکثر این پژوهش ها، برآورد ضریب دبی و آنالیر آن تحت شرایط گوناگون بوده است.

(1929) Schoder and Turner به بررسی مطالعات انجام شده توسط بازن دانشمند فرانسوی در حد فاصل سالهای ۱۸۸۶– ۱۸۸۷ برروی سرریزهای لولایی پرداختند. بازن آزمایشات خود را برای تو مدل سرریز لولایی با فشردگی و بدون فشردگی جانبی در کانالی به مشخصات ۲۱۳ متر طول و ۲ متر عرض انجام داد. اما نتایج وی با نتایج سایر محققاً مقاوت چشمگیر داشت. اسکادر و ترنر با تحلیل نتایج بازن به این نتیجه رسیدند که دلیل مغایرت نتایج وی، مشخصان داده های ایشان ۲/۳ در صد سرریزهای مورد استفاده بوده است. درنهایت، خطای برآورد دبی در حالت جریان آزاد با استفاده از داده های ایشان ۲/۴ در صد بوده است.

لنام دادند که Kindsvater and Carter (1957) رابطه ای را جهت محاسبه دبی برای سرریزهای لبه تیز در شرایط جریا رازاد رائه دادند که در آن b_c مریب دبی، b_c عرض سرریز برحسب متر و h_1 ارتفاع آب روی سرریز (بر حسب متر) خواهد بود. آنها نشان دادند که ضریب دبی با نسبت های $\frac{h_1}{p}$ و $\frac{h_1}{p}$ رابطه خطی دارد.

Hulsing (1967) ارابطه دبی–اشل سرریزهای مستطیلی لبه تیز هم عرض کانال را با نسبت شیب های ۳:۳، ۳:۳ و ۱:۳ به سمت پایین دست تعیین نموده و با سرریز مستطیلی لبه تیز قائم مقایسه نمود.

Brater and King (1976) یک رابطه تصحیح شده برای ضریب دبی با توجه به معادله مرسوم سرریزهای قائم ارائه نمودند.

۱۵۱ نام Wahlin and Replogle (1994) در یک پروژه متعلق به سازمان USBR، آزمایشاتی را بر روی یک کانال مستطیلی با ۱۵ متر طول، ۱/۲۲ متر عرض با دو سرریز لولایی به عرض های ۱/۱۴ و ۱/۱۲ متر و طول تیغه های ۶۱/۰ و ۱/۴۶ انجام دادند. آنها دریافتند که معادله استاندارد دبی که برای سرریزهای معمولی مستطیلی به دست می آید، برای سرریزهای لولایی نیز قابل استفاده و اجرا می باشد. بنابراین، یک ضریب تصحیح برای زاویه سرریز لولایی در نظر گرفته شد.

(2010) E.M.I.N. Emiroglu et al., ابروی سرریزهای جانبی زیگزاگی مطالعاتی صورت دادند. در مجموع ۲۹۰۰ آزمایش در شرایط جریان زیر بحرانی انجام گرفت و در آنها پروفیل سطح آب روی سرریز و نیز سرعت جریان در طول و در عمق مدل مورد برر سی واقع شد. نتایج نشان داد که ضریب دبی سرریز زیگزاگی در حدود ۱٫۵ تا ۴ برابر بیش از سرریزهای جانبی خطی خواهد بود و معادلاتی نیز برای محاسبه ضریب دبی پیشنهاد گردید.

حسین زاده و همکاران (۱۳۸۹) بر اساس مطالعات آزمایشگاهی و کاربرد معادله مرسوم سرریزهای قائم، روابطی برای محاسبه ضریب دبی سرریز لولایی بدون فشردگی برای جریان آزاد و مستغرق به دست آوردند. پروژه ایشان در فلوم به عرض ۲/۰ متر، ارتفاع ۲/۴۵ متر، طول ۱ متر و دبی های بسیار کم (۵/۵–۱/۴ لیتر در ثانیه) انجام گرفت. شیخ ر ضازاده نیکو و همکاران (۲۰۱۳) اثر تبدیلهای ناگهانی و تدریجی برروی ضریب دبی سرریزهای لولایی در شرایط جریان آزاد را مورد بررسی قرار دادند. با توجه به نتایج، مشخص گردید که به طور کلی در حالت وجود تبدیل اعم از ناگهانی یا تدریجی، مقدار ضریب دبی در حدود ۱۰–۱۵ درصد بیشــتر از مقدار آن در حالت عدم وجود تبدیل می باشــد. زیرا تبدیل ها مانند یک دیوار هدایتی برای جریان عمل نموده و از فشردگی جریان در محل هرونی به سرریز می کاهند و این امر به افزایش ضریب دبی منجر می شود. در مقایسه دو حالت تبدیل ناگهانی و تدریجی نیز مشاهده شد که ضریب دبی سرریز تحت تبدیل تدریجی به مراتب بیشتر از حالت تبدیل ناگهانی ا ست. درنهایت نیز روابط دبی آشل برای هریتری از آزمایش ها ارائه شد.

(2011) (2011) در مجموع ۲۵۹ آزمایش تجربی با استفاده از طرح های هندسی مختلف و متغیرهای هیدرولیکی انجام شد. داده را بررسی نمودند. در مجموع ۲۵۹ آزمایش تجربی با استفاده از طرح های هندسی مختلف و متغیرهای هیدرولیکی انجام شد. داده های تجربی مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفت و تعلیج برای ایجاد یک معادله غیر خطی برای ضریب دبی سرریز جانبی معرفی شده مورد ارزیابی قرار گرفت. تجزیه و تحلیل خط برای معادله دقت نسبتا قابل قبولی را نشان داده و نتایج در محدوده خطای ۲۰۷ از مقادیر اندازه گیری شده قرار گرفتند. نتایج نهایی معبود قابل توجهی در راندمان سرریز تا ۲۸٪ و ۳۹٪ را برای ضریب تخلیه طرح پیشنهادی در مقایسه با سرریزهای جانبی منتظیلی معمولی و معریزهای جانبی مثلثی بستر متعامد نشان میدهد.

(2014) (Abbaspour et al., (2014) به شبیه سازی عددی جریان رویم سریز لبه پهن مستطیلی با وجوه شیب دار بالاد ست و پایین دست با مدل فلوئنت پرداختند. در این تحقیق جریان روی دوموع سرریز لبه پهن ARB و BRA و BRA با وجههای شـیب دار پاییندست و بالادست با استفاده از مدل ع−k استاندارد و بکارگیری ترمافزار دینامیک سیالات تخاسباتی FLUENT به صورت دو بعدی شبیه سازی شد و سطح آزاد جریان با روش جزء حجم سیال VOF تعیین گردید. نتایج مدل قددی برای پارامترهای هیدرولیکی ضریب دبی، سرعت جریان و توسعه لایه مرزی با نتایج آزمایشگاهی و روابط موجود مقایسه شد. نتایج بدست آمده ن شان داد که مدل آ شفتگی e-k استاندارد و روش جزء حجم سیال VOF برای پیش بینی پروفیل سطح آب روی سریزهای لبه پهن، برآورد ضریب دبی (C_d) و پروفیل های سرعت در فواصل مختلف روی تاج مناسب می باشد صاکثر خطای نسبی برای بار هیدرولیکی و ضریب دبی به ترتیب برابر ۶/۰۶ و ۶/۵۴ درصد است که قابل قبول می باشد.

به مطالعه آزمایشگاهی و عددی جریان عبوری از سرریزهای لولایی در سکیط جریان آزاد Arvanghi et al., (2014) به مطالعه آزمایشگاهی و عددی جریان عبوری از سرریزهای لولایی در سکیط جریان آزاد پرداختند. معادله دبی–ا شل سرریز لولایی را برای هر یک از زوایای صفر، ۱۵، ۳۰ و ۴۵ درجه در یک مدل آزمایشگاهی کوچک که شامل کانال مستطیلی به عرض ۰/۲۵ متر و عمق ۰/۷ متر و ارتفاع سرریز ۲/۰ متر بوده، تعیین کردند.

(2015) Michelazzo برای سرریزهای کناری با ارتفاع صفر در مجاری روباز ارائه داد. برای حل این مدل شرایط جریان را زیر بحرانی و بستر را ثابت در نظر گرفته شد. روش حل این مان بدون ا ستفاده از رو شهای عددی امکان برآورد دبی خروجی از سرریز را با توجه به شرایط هیدرولیکی بالاد ست و پایین دست بو پایین دست برون د می آورد. روش آنها با توجه به نسبت اعداد فرود در بالادست و پایین دست سرریز نسبتهای عمق دبی و طول تعریف شده ا ست بوجود می آورد. روش آنها با توجه به نسبت اعداد فرود در بالادست و پایین دست سرریز نسبتهای عمق دبی و طول تعریف شده ا ست بوجود می آورد. روش آنها با توجه به نسبت اعداد فرود در بالادست و پایین دست سرریز نسبتهای عمق دبی و طول تعریف شده ا ست بوجود می آورد. روش آنها با توجه به نسبت اعداد فرود در بالادست و پایین دست سرریز نسبتهای عمق دبی و طول تعریف شده ا ست بوجود می آورد. روش آنها با توجه به نسبت اعداد فرود در بالادست و پایین دست سرریز نسبتهای عمق دبی و طول تعریف شده ا ست و البیت نمایش در گرافهایی را دارند. نکته قابل تامل در این روش این ا ست که نسبت طولی تعریف شده تابعی از C_a انتخاب شده است و لذا مدل آنها بستگی به C_a انتخاب شده دارد. خطای رابطه آنها در نسبت طولی که بستگی به C_a

شده دارد، حدود ۲۰ درصد گزارش شده است. خطای نسبت دبی و نسبت عمق جریان نیز ۱۰ درصد برآورد شده اند.

شیخ رضازاده نیکو و همکاران (۱۳۹۴) در تحقیق دیگری به بررسی اثر فشردگی های جانبی مختلف برروی ضریب دبی سرریزهای لولایی در شرایط جریان مستغرق پرداختند. با توجه به نتایج آزمای شگاهی ملاحظه شد که با کاهش عرض سرریز لولایی نسبت به عرض کانال، به دلیل تأثیر فشردگی جریان و گردابه های تشکیل شده در نزدیکی کناره بالادست سرریز، گرادیان سرعت تبدیل به گرادیان فشار گردیده که سبب افزایش بارآبی شد و پدیده برگشت آب رخ نمود. با ایجاد فشردگی جانبی، عرض مؤثر مجرای عبور جریان، کاهش یافته و ضریب دبی کاهش می یابد. با افزایش نسبت عرض سرریز به عرض کانال و لذا کاهش اثرات فشردگی جریان، ضریب دبی برای یک شاخص استغراق معین، افزایش می یابد. درنهایت نیز یک معادله به منظور محاسبه دبی در سرریز لولایی تحت شرایط جریان مستغرق به دست آورده شد.

شیخ رضازاده نیکو و همکاران (۱۳۹۵) در ادامه تحقیقات پیشین خود، رابطه دبی⊣شل را برای سرریزهای لولایی با فشردگی های ۰٫۴، کرم۰٫۰ ارئه نمودند.

وایقان و همکاران (۱۳۹۵) با ساخت مدل فیزیکی سرریز نعل اسبی در ابعاد آزمایشگاهی به برر سی مشخصات هیدرولیکی سرریزهای عل اسبی ممرن از جمله ضریب دبی، پروفیل جریان و دبی عبوری از سرریز بیرونی و داخلی پرداخت

(2016) Roushangar enal. (2016) به پیشریدی ضریب دبی سرریزهای جانبی ذوزنقهای و مستطیلی با استفاده از روشهای یادگیری ماشین پرداختند. در این مطالحه پتانسیل دو روش مختلف یادگیری ماشین، یعنی ماشینهای برداری پشتیبان همراه با الگوریتم ژنتیک (SVM-GA) و برنامهریزی بیانگر ژنی (GEP) برای پیشرینی ضریب تخلیه سرریزهای جانبی با تاج تیز ذوزنقهای و مستطیلی مورد ارزیابی قرار گرفت برای ارزیابی تعملکرد مدل از ضریب همبستگی (R)، میانگین خطای نرمال سازی (MNE) و شاخص نش ساتکلیف (NS) استفاد کردید. نتایج نشان داد که مدل SVM-GA با SVM-GA و سرای سریز جانبی مستطیلی دقیق سرای استفادی درید. تعایج نشان داد که مدل MNE با SVM-GA با SVM-GA و SVM-GA و شراع این رو اله استفادی (R) میانگین خطای نرمال سازی (SVM-GA) و شاخص نش ساتکلیف (SV) استفاد کردید. نتایج نشان داد که مدل MNE با SVM-GA و SVM-GA و SVM-GA و SVM-GA و SVM-GA

(2017) Azimfar et al., ما انجام آزمایش هایی، به ارائه روابطی جهت محاسبه ضریب دبی سرریز لولایی هم عرض کانال در شرایط آزاد و مستغرق پرداختند. ایشان برای برآورد دبیر سرریز و ضریب دبی از یک رویکرد نظری مبتنی بر معادلات برنولی و مومنتوم استفاده نمودند. معادلات ضریب دبی با استفاده از سایر داده های تجربی و شرایط صحرایی اعتبار سنجی شد و نتایج با معادلات پیشنهادی و اهلین و ریپوگله (۱۹۹۴) مقایسه گردید. بررسی هانشان داد که معادلات پیشنهادی در این تحقیق ساده تر این معادلات برایی از روش پیشنهادی و محروب در می معادلات ماد و نتایج با معادلات پیشنهادی و مولین و ریپوگله (۱۹۹۴) مقایسه گردید. بررسی هانشان داد که معادلات پیشنهادی در این تحقیق ساده تر از روش پیشنهادی و همین و دقت با کرد.

Maranzoni et al., (2017) به ارائه تحلیل هایی روی سرریز جانبی در یک کانال مسطیلی همگرا به دو صورت عددی و آزمایشگاهی (در شرایط جریان ماندگار و زیر بحرانی) پرداختند. نتایج نشان داد که در یک کالل مستطیلی همگرا دو پارامتر عدد فرود پایین دست جریان و ارتفاع بدون بعد سرریز، بیشترین اثرگذاری را بر دبی عبوری از آن سرریز فواهند داشت. علاوه بر این با توجه به نتایج مشخص گردید که مقدار این دبی از دبی عبوری از یک سرریز معمولی در یک کانال با سطح مقطع ثابت بیشتر خواهد بود.

Bijankhan and Ferro (2018) به بررسی آزمایشگاهی و عددی تاثیر زاویه شیب بر عملکرد سرریز لولایی پرداختند. آزمایش ها با استفاده از زوایای شیب ۳۰ درجه تا ۹۰ درجه انجام گرفت. نتایج نشان داد که تغییرات زاویه شیب سرریز به طور جزئی بر رابطه دبی تأثیر میگذارد. در ادامه نیز روابطی برای محاسبه دبی ارائه شد.

نورانی و همکاران (۱۴۰۰) به بررسی رابطه دبی- اشل و ضریب دبی جریان در سرریزهای لبه تیز پلان مثلثی پرداختند. هدف از این تحقیق ارائه یک رابطه برای تعیین ضریب دبی جریان این نوع از سرریزها می با شد که در نهایت یک رابطه رگر سیونی با استفاده از داده های آزمایشگاهی بر اساس پارامترهای هندسی h/P و α ارائه شد. نتایج حاصل از این رابطه با نتایج مدل عددی انسیس فلوئنت در تخمین مقدار دبی جریان عبوری از این سرریزها مورد مقایسه قرار گرفت که حاکی از دقت بالای رابطه مذکور بود. شـبیه سـازی به صـورت سـه بعدی انجام گرفت. علاوه بر این به عملکرد مدل های رگرسـیونی MR-Linear و -MR nonlinear در کاربرد رابطه دبی – اشل سرریزهای لبه تیز پلان مثلثی پرداخته شد و مشاهده گردید که این روابط تطابق بسیار مشابهی با نتایج مشاهداتی را دارا می با شند. همچنین نتایج نشان داد که در سرریزهای پلان مثلثی بسته به زاویه قرارگیری، میزان ضریب دبی جریان ۱ الی ۸ در صد نسبت به سرریزهای هم عرض کانال افزایش می یابد. محدوده ضریب دبی جریان با استفاده از رابطه پیشنهادی ۰/۹۰ تا ۸۱/۰ بدست آمد.

(2022) Parvaneh et al., بستر شیبدار در می شرایط هیدرولیکی دبی در یک مدل جدید سرریز جانبی مثلثی با بستر شیبدار در جریان زیر بحرانی پرداختند. هدف اصلی مطالعه آنها، بررسی دقیق تر عملکرد هیدرولیکی مدل پیشنهادی سرریزهای جانبی (بستر شیبدار) با ایجاد یک معادله جهت پیش بینی ضریب دبی آنها و مقایسه عملکرد هیدرولیکی آنها با مدل مشابه مستطیلی بود. در مجموع ۱۵۹ آزمایش تجربی با استفاده از طرح های هند سی مختلف و متغیرهای هیدرولیکی انجام شد. به طور کلی با توجه به شیبدار) با ایجاد یک معادله جهت پیش بینی ضریب دبی آنها و مقایسه عملکرد هیدرولیکی آنها با مدل مشابه مستطیلی بود. در مجموع ۱۵۹ آزمایش تجربی با استفاده از طرح های هند سی مختلف و متغیرهای هیدرولیکی انجام شد. به طور کلی با توجه به نتایج مشخص گردید که در شرایط جریان یکسان و هندسههای مشابه، راندمان سرریز جانبی مثلثی دارای بستر شیبدار بیشتر از سریزهای طور کلی با توجه به سرریزهای طندی مثلثی دارای بستر شیبدار بیشتر شیبدار بیشتر نیزیای مثلثی با بستر شیبدار بیشتر شیبدار بیشتر نور بیشتر نور باین مثلثی داری بستر شیبدار بیشتر از میشتر از می معمولی به ترتیب به میزان ۹۳ و کاری بستر شیبدار بیشتر از جای مشابه، راندمان سرریز جانبی مثلثی دارای بستر شیبدار بیشتر از می مناید می مندی می مندی می معولی به ترتیب به میزان ۹۳ و ۲۷ در صد بود. سرریزهای طنبی مثلثی با بستر شیبدار بهترین عملکرد خود را با ارتفاع سرریز بیشتر نشان دادند، جایی که بالاترین ضرایب دبی و کمترین آسیب پذیری را نسبت ه افزیک عمق جریان داشتند.

(Cd) با استفاده از مدلهای مختلف مبتنی بر هسته برای پیشبینی ضریب دبی (Cd) برای دو نوع مجزا از سرریزهای استوانهای که دارای پشتیبانی عمودی و یک رمپ بالادست ۳۰ درجه هستند، به پیش بینی ضریب دبی در سرریزهای استوانهای نمودی پرداختند. نتایج نشان داد که مدل GPR، با معیارهای آماری N967 = R، بازده نش ساتکلیف 0.935 = (NSE)، و ریشه میانگی مربع خطا 2027 = (RMSE)، دقت بیشتری را در مدل سازی نشان میدهند. درمورد اثر آستانه بر عملکرد سازه های هیمولیچی نیز تاکنون مطالعات مختلفی صورت گرفته است.

(2022a) Daneshfaraz et al., (مرایب محاله نظری و آزهای شگاهی اثر کاربرد آستانه با عرض های مختلف بر مقدار ضرایب دبی دریچه ها پرداختند. در این تحقیق تاثیر باز شـدن دریچه، قرارگیری آستانه با عرض های مختلف در زیر دریچه و موقعیت آستانه از زیر دریچه بر روی ضریب دبی به صورت تجربی بررسی شد. آیخانه ها در موقعیت های زیر، مماس و بالادست دریچه رفوا صل ۲٫۵ و مرقعیت های زیر، مماس و بالادست دریچه در فوا صل ۲٫۵ و مروعیت مربی مربی می بردسی شد. آیخانه ها در موقعیت های زیر، مماس و بالادست دریچه در فوا صل ۲٫۵ و مربع بر روی ضریب دبی به صورت تجربی بررسی شد. آیخانه ها در موقعیت های زیر، مماس و بالادست دریچه در فوا صل ۲٫۵ و ۲٫۵ و مربع دبی با فزایش عرض آستانه و مربع دبی با افزایش عرض آستانه و مربع دبی با افزایش عرض آستانه و بالادست دریچه مربع دبی با مربی در فوا صل ۲٫۵ و ۲٫۵ سانتی متری دریچه افزایش می یابد. ضریب دبی با صب آستانه در فواصل معین در فاصله فزاینده نسبت به بالادست دریچه افزایش می یابد. فرات به مقدار کمتری دارد

با توجه به پژوهش های صورت گرفته تاکنون، مشخص است که با وجود آن که مدل های سرریز جانبی مختلفی با هندسه و عملکرد هیدرولیکی منح صر به فرد تاکنون ارائه شده اند، اما عملکرد سرریزهای لولایی به عنوان یک سازه سرریز جانبی مورد مطالعه جامع واقع نشده و تحقیقات انجام شده نیز (در صورت وجود) گستره بسیار محدودی دا شته اند. همچنین تاکنون برای سرریزهای لولایی، آستانه جریان درنظر گرفته نشده است. لذا با توجه به اینکه افزایش راندمان و بهره وری سرریزهای جانبی و ارائه مدل های کارآمد در شبکه های آبیاری و زهکشی همواره یکی از دغدغه ها و موضوعات مورد توجه محقیق بوده است، در پژوهش حاضر یک مدل جدید تحت عنوان سرریز جانبی لولایی با آستانه معرفی شده و مورد مطالعه قرار گرفته است و ضریب دبی و راندمان این مدل از سرریز در حالتی که بخش لولایی آن رو به کانال اصلی باز شود، مورد بررسی قرار خواهد گرفت.

مدل مفهومي

آزمایش های پژوهش حا ضر، در آزمایشگاه هیدرولیک دانشکده علوم آب و محیط زیست دانشگاه شهید چمران اهواز صورت گرفته است. فلوم موردنظر برای انجام آزمایش ها، ۱۲ متر طول، ۸۰ سانتی متر عرض و ۸۰ سانتی متر ارتفاع دارد. جنس دیواره فلوم از نوع پلاکسی گلس و کف آن از جنس آهن ضد زنگ به ضخامت ۱۰ میلی متر می باشد. جهت ایجاد شرایط مناسب برای مدلسازی جریان متغیر مکانی عبوری از سرریز جانبی و انجام آزمایش ها، با قرار دادن صفحه ای از جنس ورق PVC با ضخامت ۱۶ میلی متر به موازات دیواره فلوم در میانه آن، فلوم به دوقسمت کانال اصلی و جانبی تقسیم شده است. عرض کانال اصلی و کانال جانبی تحو این شرایط به ترتیب برابر ۴۰ و ۳۸٫۵ سانتی متر خواهد بود. علاوه بر این به منظور ایجاد استفراق در سرریز جانبی، کنه کانال اصلی به صورت پیش فرض در حدود ۱۵ سانتی متر بالاتر نسبت به کف کانال جانبی (جمع کننده) قرار داده شده و سس کف آنده وسیله ورق های PVC با ضخامت ۶۰ میلی متر با شیب کف ۲۰۰۰ بوشانده شده است.

میزان باز شدیکی محلی که جهت نصب و قرار گیری مدل سرریز جانبی در دیواره جدا کننده تعبیه شده است (محل آبگیری)، برابر با ۴۶ سانتی منر می باشد. محل نصب مدل در فاصله ۴ متری از شروع انتهای بالادست کانال، جایی که کانال به دو کانال اصلی و جمع کننده تقسیم می شود، واقع شده است. شکل (۱) شماتیک فلوم آزمایشگاهی را نمایش می دهد.



شکل ۱. شماتیک فلوم آزمایشگاهی و تجهیزات مرتبط

در پژوهش حاضـر به منظور دسـت یابی به اهداف ذکر شـده، تعدادی مدل فیزیکی طراحی و سـاخته شـد. ین مدل ها در آزمایشگاه هیدرولیک واقع در دانشکده علوم آب و محیط زیست دانشگاه شهید چمران اهواز، نصب و مورد آزمایش قرار گرفتند. جهت ساخت مدل ها، از ورق PVC به دلیل خاصیت ضدآب بودن و دوام و مقاومت بالا استفاده گردید.

مدل شاهد در این پژوهش یک سرریز لبه تیز قائم مستطیلی به ارتفاع ثابت ۱۴ سانتی متر می با شد (تحت عنوان مدل R). در ادامه جهت تفکیک بخش آستانه و لولایی سرریز جانبی، لازم است که مدل ها با نسبت های خاصی به دوقطعه مجزا (بخش آستانه و بخش لولایی) برش داده شده و تقسیم بندی گردند. ارتفاع بخش آستانه و بخش لولایی سرریز برش داده شده به ترتیب برابر با ۶ و ۸ سانتی متر می باشد. این دو قطعه توسط تعدادی پیچ و لولا به یکدیگر متصل می شوند تا امکان باز و بسته شدن بخش لولایی سرریز جانبی و درنتیجه آن باز شدن سرریز تحت زاویه دلخواه رو به کانال ا صلی فراهم گردد (تحت عنوان مدل (PSW).

به منظور اینکه میزان تاثیر بازشــدگی کناره های ســرریز لولایی از تاثیرات ناشــی از طول آبگیری متمایز گردد، تعدادی از

آزمایشات نیز تحت شرایط بسته بودن کناره های مدل سرریز لولایی انجام خواهد گرفت. در این شرایط کناره های بالاد ست و پایین د ست سرریز کاملا بسته بوده و عبور جریان فقط از روی تاج سرریز امکان پذیر خواهد بود (تحت عنوان مدل C-PSW). همچنین به منظور دستیابی به یک مدل بهینه، یک حالت نیمه بسته در شرایطی که کناره ابتدایی مدل باز و انتهای آن بسته باشد نیز در نظر گرفته می شود (تحت عنوان مدل PSW-HC). به منظور جلوگیری از نفوذ آب، روی هرکدام از مدل ها توسط برچسب ضدآب مخصوص کاملا پوشانده می شود. در ادامه به کمک دستگاه عمق سنج سوزنی، عمق جریان در انتهای بالادست، انتهای پایین دست و روی تاج سرریز و به فواصل معینی در طول و عرض فلوم برداشت خواهد شد. در پایان داده های برداشت شده حاصل از آزمایش ها مورد بررسی و تحلیل قرار گرفته و ضرایب دبی و راندمان مدل ها استخراج خواهد شد.

روش شناسی پروهش برای رسیدن به اهداف این تحقیق در مجموع تعداد ۵۰ آزمایش در نظر گرفته شده است (۴۵ آزمایش اصلی و ۵ آزمایش شاهد). در ابتدا لازم است که تعامل پارامترهای مهم و تاثیرگذار بر ضریب دبی سرریز جانبی لولایی با آستانه شناسایی گردند :

 $f(Q, L_w, b, P, y_u, \mu, \rho, \sigma, g, \alpha)$

پارامترهای رابطه (Λ) عبارتند از : دین چیان (Q)، زاویه سرریز لولایی در جهت کانال اصلی (α)، ارتفاع سرریز (P)، طول تاج سرریز (L_w)، جرم مخصوص سیال (ρ)، لرجت دیدامیکی سطل (μ)، شتاب ثقل (g)، کشش سطحی (σ)، عرض مقطع آبگیر (b)، عمق جریان در بالادست سرریز (y_u).

در ادامه با استفاده از تکنیکهای خاص آنالیز ابولای، این پارامترها باید با یکدیگر ترکیب شوند تا به صورت پارامترهای بدون بعد درآیند و نیز از نظر فیزیکی معنیدار و معرف ویژگی های شرایط مخصوص آن پدیده با شند. مهم ترین و شناخته شده ترین روش برای آنالیز ابعادی، روش باکینگهام^۱می باشــد. به کمک این روش در نهایت به پارامترهای بدون بعد زیر که در برآورد ضریب دبی جریان تاثیرگذار هستند، خواهیم رسید (رابطه ه):

رابطه ۹)

رابطه ۸)

 $C_m = f(\frac{L_w}{h}, \frac{y_u}{p}, Fr, \alpha, Re, We)$

در این رابطه، Fr عدد فرود جریان، پارامتر $\frac{L_w}{b}$ نسبت طول تاج سرریز به عرض مقطع انگر بوده و معرف شرایط باز یا بسته بودن کناره های مدل می باشد. $\frac{y_u}{p}$ نشان دهنده نسبت عمق بالادست جریان به ارتفاع سرریز می باشد که حراین تحقیق تمامی آزمایش ها در یک عمق بالاد ست یک سان ($Y_u = 16.5cm$) انجام شده و پارامتر ارتفاع سرریز (P) در هریک از مدل ها برابر با ارتفاع قائم سرریز (بدون زاویه باز شدگی) درنظر گرفته شده است. لذا با توجه به یک سان بودن ارتفاع قائم مدل ها و ثابت فرض نمودن عمق بالادست جریان، پارامتر $\frac{y_u}{p}$ برای مدلهای مختلف ثابت فرض می گردد. α نیز زاویه بازشـدگی سرریز لولایی در جهت کانال اصلی می باشد.

در شرایطی که عمق جریان روی سرریز زیاد با شد، معمولاً میتوان از اثرات کشش سطحی صرفنظر کرد. این موضوع به دلیل این است که در عمقهای زیاد، نیروی گرانشی که بر روی حجم آب عمل میکند، به مراتب بیشتر از نیروهای ناشی از کشش سطحی است. به همین دلیل، در محا سبات هیدرولیکی مربوط به سرریزها و جریانهای عمیق، معمولاً میتوان کشش سطحی را نادیده گرفت. با این حال، در برخی شرایط خاص (مانند جریانهای بسیار آرام یا در مقیاسهای میکرو سکوپی) ممکن است همچنان کشش سطحی را نادیده گرفت. به مراتب بیشتر از نیروهای ناشی از کشش سطحی است. به همین دلیل، در محا سبات هیدرولیکی مربوط به سرریزها و جریانهای عمیق، معمولاً میتوان کشش سطحی را نادیده گرفت. با این حال، در برخی شرایط خاص (مانند جریانهای بسیار آرام یا در مقیاسهای میکرو سکوپی) ممکن است همچنان کشش سطحی تأثیرگذار باشد، اما در بیشتر موارد با عمقهای بزرگ، این تأثیر به حداقل می سد. در این تحقیق به دلیل ایجاد شرایط عمق بیشتر از را بی تر روی هریزی می از از از از از از از از این می بوشی ا

خواهند بود (نوروزی و همکاران-۲۰۱۹ و دانش فراز و همکاران-۲۰۲۳). همچنین از آنجایی که عدد رینولدز (Re) در این تحقیق در محدوده ۶۲۸۶۵ تا ۱۱۳۳۵۵ برآورد گردید، واضح است که جریان متلاطم بوده و میتوان از اثرات این پارامتر صرف نظر نمود. لذا در نهایت خواهیم داشت :

رابطه ۱۰)

 $C_m = f(\frac{L_w}{h}, Fr, \alpha)$ آزمایش ها برای ۵ دبی کل ۲۵، ۳۰، ۳۵، ۴۰ و ۴۵ لیتر بر ثانیه (اعداد فرود بالاد ست ۰٫۳ تا ۰٫۵۴)، زوایای باز شدگی ۳۰، ۴۵ و ۶۰ درجه در یک عمق بالاد ست یکسان ($Y_u = 16.5 cm$) و نسبت عمق بالاد ست به ارتفاع سرریز ($\frac{Y_u}{R}$) ثابت برای هرکدام از مدل ها انجام خواهند گرفت. مقدار نسبت $\frac{L_w}{b}$ برای مدل R (شهده) و مدل PSW برابر با یک بوده، برای مدل PSW-C تحت زوایای باز شیک ۴۵،۳۰ و ۶۰ درجه به ترتیب برابر با ۱٬۲۷، ۱٬۲۷ و ۱٬۳ و برای مدل PSW-HC نیز مقادیر نسبت فوق تحت زوایای مختلف برابر ۱٬۰۸، ۱٬۱۲ و ۱٬۱۵ می باشد.

شکر (۲) نمایی در مدل های مختلف این آزمایش را نمایش می دهد. جدول (۱) محدوده تغییرات پارامترهای مختلف در این پژوهش را نمایش می دهد. در شکل (۳) پارامترهای مورد اشاره به صورت شماتیک در یک شکل سه بعدی ارائه شده اند.



شکل ۲. نمایی از یک مدل نصب شده در فلوم تحت زاویه بازشدگی معین رو به کانال اصلی با الف) کناره های باز (PSW)، ب) کناره های بسته (PSW-C) و ج) انتهای بسته و ابتدای باز (PSW-HC)

(ج)

زاويه α (درجه)	$\frac{L_w}{b}$	y _u (cm)	عدد فرود بالادست جریان (Fr)	دبی کل جریان (لیتر بر ثانیه)	تعداد أزمايش ها	نام مدل
-	١	19/0	•/T _ •/DF	10-40	10	R
۳۰_۴۵_۶۰	١				10	PSW
۳۰_۴۵_۶۰	1/17 = 1/77 = 1/7				10	PSW-C
۳۰_۴۵_۶۰	1/•^ = 1/17 = 1/18				10	PSW-HC

جدول ۱. محدوده تغییرات پارامترهای مختلف در پژوهش حاضر



شکل ۳. شماتیک پارامترهای موثر در تحقیق حاضر برای مدل الف) PSW-C. ب) PSW-C. ج) PSW-RC.

یافته های پژوهش

با توجه به توضیحات گفته شده در بخش های قبلی، پس از انجام آزمایش ها و بررسی نتایج، در شکل (۴)، مقادیر میانگین درصد اختلاف انرژی ویژه برای تمام مدلهای مورد ا ستفاده در این پژوهش مشاهده می شود. در مقایسه مدلهای مختلف مشاهده می شود که مقادیر به دست آمده برای $\frac{\Delta E}{E_1}$ نزدیک به هم بوده و لذا خطای احتمالی ناشی از عدم یکسان بودن انرژی ویژه در انتهای بالادست و پایین دست سرریز به یک نسبت بین مدلها تقسیم می گردد. درنتیجه با توجه به مقادیر درصد اختلاف انرژی مخصوص به دست آمده در پژوهش حاضر، مقایسه ضرایب دبی بر اساس فرضیه دیمارچی برای استخراج نتایج تحقیق با احتیاط قابل قبول می باشد.

در ادامه ضریب دبی و راندمان مدل های مختلف آزمایشگاهی با یکدیگر مقایسه خواهند شد.





۶۰ (ج) ۶۶ مقایسه مقدار ضریب دبی در مقابل عدد فرود بالادست برای مدل های PSW-C ،PSW و PSW-HC تحت زوایای (الف) ۳۰ درجه (ب) ۴۵ درجه و (ج) ۶۰ درجه درجه درجه نسبت به مدل R درجه نسبت به مدل R

با توجه به شکل (۵) مشاهده می شود که در مجموع بازشدگی مدل رو به کانال اصلی منجر به بهبود عملکرد و افزایش ضریب دبی سرریز نسبت به حالت شاهد خواهد شد. دلیل این پدیده ناشی از افزایش خول تاج سریز نسبت به حالت شاهد و ورود جریان از کناره ی ابتدایی سرریز جانبی می با شد و همچنین م شاهدات آزمای شگاهی حکی از عاهش محدوده گردابه های افقی می با شد. لذا در بیشترین باز شدگی (زاویه ۶۰ درجه) مقدار ضریب دبی بیشینه خواهد بود و تا ۸۰ ٪ بیشتر از حالت شاهد خواهد بود.

همچنین نتایج آزمایشگاهی نشان داد که بستن هردو کناره سرریز جانبی (مدل PSW-C) بر عملمرد سرریز تاثیر منفی داشته و نسبت به حالتی که کناره های مدل باز است (PSW)، ضریب دبی کمتری را ثبت نموده است. شکار (۶) ضریر گردابه (Vortex) های ایجاد شده در ورودی مدلهای مورد بحث را برای نسبت ثابت $\frac{Y_u}{P}$ و عدد فرود بالادست برابر ۰٫۲۲ (دبی کل برابر با ۳۵ لیتر بر ثانیه) تحت زاویه بازشدگی ۶۰ درجه نمایش می دهد.



شکل ۶. مقایسه گردابه های ایجاد شده در ورودی مدل های (الف) 🕊 🔥 (ب) PSW-HC و (ج) PSW-HC برای عدد فرود بالادست ۰٫۴۲ و تحت زاویه ۶۰ درجه

با توجه به شکل مشاهده می شود که نسبت به مدل PSW، در دهامه ورودی مدل PSW-C شدت گردابه های جریان تقویت خواهد شد. در شرایط قرارگیری مدل PSW-HC، مشاهده می شود که نسبت به خالت قبل از منطحت ناحیه گردابی جریان کاسته شده و شدت گردابه ها در دهانه ورودی کاهش خواهد یافت.

بستن کناره ابتدایی مدل آزمایشگاهی در کانال ا صلی، مانند یک مانع و عامل انستاد در سسیر جَریان عمل نموده و افزایش قدرت گردابه ها را در دهانه ورودی سرریز به دنبال خواهد داشت و درنتیجه موجب کاهش میزان دبی ورودی به سرریز خواهد شد. لذا مشاهده می شود که با اصلاح ساختار مدل و باز نمودن کناره ورودی و کارگذاری مدل PSW-HC (حالتی که ابتدای مدل باز و انتهای آن بسته شود)، از شدت جریان گردابی کاسته شده و آب به راحتی وارد سرریز خواهد شد و ارتوایی که بنداد انتهای سرریز، عمق پروفیل جریان در این ناحیه افزایشی خواهد بود و منجر به افزایش ضریب دبی و مقدار دبی عبوری از روی سرریز می گردد. علاوه بر این نتایج نشان داد که در محدوده اعداد فرود مورد بررسی قرار گرفته، تا اعداد فرود ۴٫۰ الی ۴٫۰۵ مقدار ضریب دبی افزایش یافته و پس از آن با افزایش عدد فرود رالاد ست جریان، ضریب دبی برای تمامی مدلها روند کاه شی دا شته است. روند کاهشی مقدار ضریب دبی با افزایش عدد فرود (و درنتیجه کاهش حجم جریان عبوری از سرریز) را می توان به گردابه می قری دری که با افزایش عدد فرود رالاد ست جریان، ضریب دبی برای تمامی مدلها روند کاه شی دا شته مان در زی کاهشی مقدار ضریب دبی با افزایش عدد فرود (و درنتیجه کاهش حجم جریان عبوری از سرریز) را می توان به گردابه های قوی تری که با افزایش عدد فرود بالادست جریان های برگ شتی ایجاد فرود بالادست منجر به جریان عبوری از روی تاج سرریز جانی خواهد شد.

طبق محا سبات انجام گرفته مشخص گردید که ضریب دبی مدل PSW برای زوایای ۳۰، ۴۵ و ۶۰ درجه به ترتیب در حدود ۵۰، ۶۵ و ۸۰ در صد نسبت به مدل شاهد (R) افزایش خواهد یافت. همچنین نتایج نشان می دهد که مقدار ضریب دبی مدل آزمای شگاهی PSW-HC تحت زوایای ۳۰، ۴۵ و ۶۰ درجه به ترتیب به میزان ۵، ۹ و ۷ در صد نسبت به مدل PSW و ۲۴، ۲۲ و

۲۰ درصد نسبت به مدل PSW-C افزایش یافته است.

شکل (۷) راندمان (٤) مدل های PSW-C ،PSW و PSW-C را نسبت به مدل شاهد R در مقابل عدد فرود انتهای بالادست جریان (r_u) نمایش می دهد. مشاهده می شود که در تمامی مدل ها، برای تمام اعداد فرود بالادست، با افزایش زاویه بازشدگی، راندمان نسبت به مدل شاهد E خصوصا در محدود اعداد فرود (r_u) تراندمان نسبت به مدل شاهد افزایش یافته و تحت بیشترین زاویه بازشدگی، راندمان مدل ها خصوصا در محدود اعداد فرود (r, r, r) تراندمان نسبت به مدل شاهد افزایش یافته و تحت بیشترین زاویه بازشدگی، راندمان مدل ها خصوصا در محدود اعداد فرود (r, r, r) تراندمان نسبت به مدل شاهد افزایش یافته و تحت بیشترین زاویه مدل ها، برای تمام اعداد فرود بالادست، با افزایش زاویه بازشدگی، راندمان مدل ها خصوصا در محدود اعداد فرود (r, r, r) مراندمان نسبت به مدل شاهد افزایش یافته و تحت بیشترین مشاهده می شود که برای اعداد فرود و در محدود اعداد مرود (r, r, r) مدر مدود اعداد فرود ای مدل ها خصوصا در محدود اعداد فرود (r, r, r) مراندمان مدل ها خصوصا در محدود اعداد فرود (r, r, r) مراندمان مدل ها مدوم و محدود اعداد فرود (r, r, r) مراندمان مدل ها مدوم و مدود اعداد فرود (r, r, r) مدوم مدود اعداد فرود (r, r, r) مدود اعداد فرود (r, r, r) مدوم و مدو



شکل ۷. مقایسه مقدار راندمان (٤) در مقابل عدد فرود بالادست برای مدل های PSW-C ،PSW و PSW-HC تحت زوانیای الد) ۳۰ در مع اب) ۴۵ درجه و (ج) ۶۰ درجه نسبت به مدل R

با افزایش دبی ورودی (و افزایش عدد فرود)، سرعت جریان ورودی افزایش یافته و لذا دبی کمتری از با رسب سرریز عبور می نماید و درنتیجه آن راندمان سرریز با افزایش عدد فرود بالادست کمتر می شود. محاسبات نشان داد که راندمان مدل PSW تحت زوایای ۳۰، ۴۵ و ۶۰ درجه به طور میانگین در حدود ۴۴، ۵۲ و ۶۰ درصد نسبت به مدل شاهد (R) افزایش یافته است. همچنین مشاهده گردید که بستن کناره های مدل سرریز جانبی تحت زاویه α بر عملکرد مدل اثر منفی داشته و منجر به کاهش مقدار راندمان نسبت به زمانی می شود که کناره های مدل باز با شد. از سوی دیگر در صورتی که ابتدای مدل باز بوده و صرفا انتهای آن بسته شود، راندمان سرریز افزایش یافته و نسبت به حالات دیگر بیشتر خواهد بود. درنتیجه مدل PSW تحت تمام زوایای بازشدگی رو به کانال اصلی، بهینه ترین عملکرد را دارا می باشد و طبق محاسبات صورت گرفته، راندمان مدل PSW برای زوایای باز شدگی (رو به کانال اصلی) ۳۰، ۴۵ و ۶۰ درجه به طور متو سط به ترتیب در حدود ۵، ۵ و ۶ در صد بیش از مدل PSW-IC تحت تمام

نتيجه گيري

در این پژوهش به بررسی ضریب دبی جریان و راندمان سرریز در حالتی که سرریز لولایی به عنوان یک سرریز جانبی مورد ا ستفاده قرار گیرد، پرداخته شد. به منظور برر سی تاثیر زاویه باز شدگی رو به کانال ا صلی (α) بر ضریب دبی و راندمان سرریز جانبی، عملکرد مدل های PSW (مدل سرریز جانبی لولایی با آستانه و کناره های سرریز باز)، PSW-C (مدل سرریز جانبی لولایی با آستانه و کناره های سرریز بسته) و PSW-HC (حالتی که ابتدای مدل باز و انتهای آن بسته شود)، نسبت به مدل شاهد R (سرریز جانبی لبه تیز قائم مستطیلی) در مقابل عدد فرود انتهای بالادست جریان (*Fr*_u) به ازای یک نسبت <mark>ب</mark> ثابت با توجه به زاویه بازشدگی برای هر مدل مورد بررسی و مقایسه قرار گرفت.

با توجه به نتایج مشخص گردید که در مجموع بازشدگی مدل رو به کانال اصلی منجر به بهبود عملکرد و افزایش ضریب دبی سرریز نسبت به حالت شاهد خواهد شد. در بیشترین بازشدگی (زاویه ۶۰ درجه) مقدار ضریب دبی بیشینه خواهد بود و جریان بیشتری از روی تاج سرریز عبور خواهد کرد. محاسبات نشان داد که ضریب دبی مدل PSW برای زوایای ۳۰، ۴۵ و ۶۰ درجه به ترتیب درمحدود ۵۰، ۵۰ و ۸۰ درصد نسبت به مدل شاهد (R) افزایش خواهد یافت. همچنین نتایج نشان می دهد که مقدار ضریب دبی مدار آزمینشگاهی PSW-HC تحت زوایای ۳۰، ۴۵ و ۶۰ درجه به ترتیب به میزان ۵، ۹ و ۲ در صد نسبت به مدل PSW- و ۲۰، ۲۲ و ۲۰ درصد نسبت به مدل هریافته است.

همچنین در تمامی مدل ها، برای ممام اعداد فرود بالادست، با افزایش زاویه باز شدگی، راندمان نسبت به مدل شاهد افزایش یافته و تحت بیشترین زاویه باز شدگی راندهان مدل ها خصو صا در محدود اعداد فرود ۰٫۳ تا ۰٫۴ نسبت به سایر حالات بیشتر خواهد بود. محا سبات نشان داد که راندمان مدل BSW تحق زوایای ۳۰، ۴۵ و ۶۰ درجه به طور میانگین در حدود ۴۴، ۵۲ و ۶۰ درصد نسبت به مدل شاهد (R) افزایش یافته است.

همچنین نتایج نشان داد که بستن کناره های مدل سریز جانبی تحت زاویه α بر عملکرد مدل اثر منفی دا شته و منجر به کاهش مقدار راندمان نسبت به زمانی می شود که کناره های مدل باز با شد. از سوی دیگر در صورتی که ابتدای مدل باز بوده و صرفا انتهای آن بسته شود، راندمان سرریز افزایش یاقته و نسبت به دلات دیگر بیشتر خواهد بود. در نتیجه مدل PSW-HC تحت تمام زوایای بازشدگی رو به کانال اصلی، بهینه ترین عملکرد راهاوا می باشد و طبق محاسبات صورت گرفته، راندمان مدل PSW-HC برای زوایای بازشدگی (رو به کانال اصلی) ۳۵، ۴۵ و ۶۰ درجه به طور متوسط به ترتیب در حدود ۵، ۵ و ۶ درصد بیش از مدل PSW-HC و ۲، ۸ و ۱۰ درصد بیش از مدل C-PSW تحت زوایای مطبه خواهد بود.

با توجه به نتایج حاصل شده، مشخص می گردد که به کارگیری مدل سرریز جانبی تولایی با آستانه جریان تحت بازشدگی رو به کانال اصلی بهره وری مناسبی نسبت به مدل قائم لبه تیز مستطیلی (نمونه شاهد) داشته و همچنین افزایش زاویه باز شدگی این مدل از سرریز، منجر به افزایش ضریب دبی و راندمان آن شده و بر عملکرد سرریز جانبی لولایی با آستانه تاثیر مثبت خواهد داشت.

در ادامه با توجه به موضوعات ارائه شده در این تحقیق و به منظور کمک به ارتقا، توسعه و محکم و تحقیقات آینده، پیشنهاداتی به شرح موارد زیر در راستای ادامه پژوهش حاضر ارائه می گردد :

- مدلسازی عددی با استفاده از نرم افزارهایی مانند Fluent و Flow3D و مقایسه نتایج حاصل از پژوهش های عددی با نتایج آزمایشگاهی پژوهش حاضر.
- برر سی اثر کاهش عرض و تنگ شدگی مقطع آبگیر (b) و نسبت عرض مقطع آبگیر به عرض کانال ا صلی (b/B) بر عملکرد مدل سرریز جانبی لولایی با آستانه.
- بررسی اثر وجود رسوبات یا پوشش گیاهی در کانال اصلی بر عملکرد مدل سرریز جانبی لولایی با آستانه و تاثیر آن بر پروفیل جریان.
- بررسی اثر شیب دار نمودن کف کانال اصلی در جهت یکنواخت کردن عمق آب بر روی تاج سرریز و تاثیر آن بر عملکرد سرریز جانبی لولایی با آستانه.

 ایجاد شرایط جریان غیر ماندگار (ناپایدار) و فوق بحرانی، بررسی اثر این موارد بر عملکرد سرریز جانبی لولایی با آستانه و مقایسه با شرایط جریان ماندگار (پایدار) و زیر بحرانی.

منابع

حسـن زاده وایقان، وحید؛ محمدی، میر علی؛ سـلماسـی، فرزین؛ حسـین زاده دلیر، علی و مناف پور، محمد. (۱۳۹۵). بررسـی آزمایشگاهی پارامترهای هیدرولیکی سرریز نعل اسبی مدرن. مهندسی عمران مدرس. ۱۶ (۴) :۳۹–۸۳ حسـین زاده، زینب؛ منعم، محمدجواد و کوچک زاده، صـلاح. (۱۳۸۹). تعیین آزمایشـگاهی ضـریب دبی سـرریز لولایی خودکار. سومین همایش ملی مدیریت شبکه های آبیاری و زهکشی. شیخ رضازاده نیکو، ندا؛ منعم، محمدجواد و صفوی، خداداد. (۱۳۹۴). استخراج معادله دبی جریان مستغرق و تعیین ضریب دبی د سرریز لولایت نیکو، ندا؛ منعم، محمدجواد و صفوی، خداداد. (۱۳۹۴). استخراج معادله دبی جریان مستغرق و تعیین ضریب دبی در شیخ رضازاده نیکو، ندا؛ منعم، محمدجواد و صفوی، خداداد. (۱۳۹۴). استخراج معادله دبی جریان مستغرق و تعیین ضریب دبی در شیخ رضازاده نیکو، ندا؛ منعم، محمدجواد و صفوی، خداداد. (۱۳۹۴). استخراج معادله دبی جریان مستغرق و تعیین ضریب دبی در آبیاری و زهکشی قران شیخ ر ضازاده نیکو، توافقیات، ساناز و منعم، محمدجواد. (۱۳۹۵). تعیین معادله دبی اشل برای سرریز های لولایی. کنگره ملی شیخ ر ضازاده نیکو، توافقیات، ساناز و منعم، محمدجواد. (۱۳۹۵). تعیین معادله دبی اشل برای سرریز های لولایی. کنگره ملی شیخ ر ضازاده نیکو، توافیات از این از و منعم، محمدجواد. (۱۳۹۵). تعیین معادله دبی اسی برای سریز های لولایی. کنگره ملی شیخ ر ضازاده نیکو، توروزی، رضایه هانز و منعم، محمدجواد. (۱۳۹۵). بعیین معادله دبی اشل برای سریز های لولایی. کنگره ملی نورانی، بهرام؛ نوروزی، رضایه گانزه و سلماسی, فرزین. (۱۴۰۰). بررسی رابطه دبی – اشـل و ضـریب دبی جریان در سـر ریزهـای لبـه تیز پلان مثلانی نشـریه میهنـدسـی عمران امیر کـبیر :مان اسل و ضـریب دبی جریان در 10.22060/ccej.2019.16931.6399

References

Abbaspour, A., Abdolahpour, M., & Salmasi, F. (2014). "Numerical Simulation of Flow over Rectangular Broad-crested Weir with Upstream and Downstream Side Slopes Using Fluent Model", Water and Soil Science, 23(4), pp. 265-276.

Arvanaghi, H., Naderi, V., Azimi, V., & Salmasi, F. (2014). "Determination of discharge coefficient in inclined rectangular sharp-crested weirs using experimental and numerical simulation." J. Curr. Res. Sci., 2(3), 401–406.

Azimfar, S. M., Hosseini, S. A., & Khosrojerrdi, A. (2017). "Derivation of Discharge Coefficient of a Pivot Weir under Free and Submergence Flow Conditions"., Flow Measurement and Instrumentation, https://doi.org/10.1016/j.flowmeasinst.2017.11.010

Bijankhan, M., & Ferro, V. (2018). "Experimental Study and Numerical Simulation of Inclined Rectangular Weirs." Journal of Irrigation and Drainage Engineering. 144. 10.1061/(asce)ir.1943-4774.0001325.

Brater, E.F., & King, H.W. (1976). "Handbook of Hydraulics." 6th ed. McGraw-Hill, New York. 584 pp.

Chow. V.T. (1959) Open Channel Hydraulics. McGraw-Hill, New York.

Daneshfaraz, R., Norouzi, R., Abbaszadeh, H.R. & Azamathulla. H.M. (2022a). "Theoretical and experimental analysis of applicability of sill with different widths on the gate discharge coefficients". Water Supply; 22 (10): 7767–7781. doi: https://doi.org/10.2166/ws.2022.354

Daneshfaraz, R., Norouzi, R., Abbaszadeh, H., Kuriqi, A. & Di Francesco, S. (2022b) "Influence of Sill on the Hydraulic Regime in Sluice Gates". An Experimental and Numerical Analysis. *Fluids*, 7, 244. https://doi.org/10.3390/fluids7070244.

Daneshfaraz, R., Norouzi, R., Patrick Abraham, J., Hadzadeh, P., Akhondi, B., & Abar, M. (2023). Determination of flow characteristics over sharp-crested triangular plan form weirs using numerical simulation. Water Science, 37(1), 211-224.

De Marchi, G. (1934). Essay on the performance of pivot weirs. L Energia Electrica Milano, Italy, 11: 11. 849-860.

E.M.I.N. Emiroglu, M. Kisi, & O. Bilhan. (2010). "Predicting discharge capacity of triangular labyrinth side weir located on a straight channel by using an adaptive neuro-fuzzy technique", Adv. Eng. Software 41-154–160.

Hasanzadeh Vayghan. V., Mohammadi. M., Salmasi. F., Hosseinzadeh Dalir. A. & Manafpour. M. "Experimental Investigation of Hydraulic Parameters in Modern Horseshoe Spillway". MCEJ 2016; 16 (4) :83-93. (*inPersian*)

Hosseinzadeh, Z., Manem, J. & Kochzadeh, p. (2010). "Laboratory determination of flow coefficient of automatic pivot side weir". The third national conference on management of irrigation and drainage networks. (*inPersian*)

Hulsing H. (1967). "Measurement of peak discharge at dams by indirect methods". U.S. Geol. Survey Techniques Water Resources Inv., book 3, chap. A5, pp. 29.

Kaya. N., E.M.I.N. Emiroglu, & H. Agaccioglu, (2011). "Discharge coefficient of a semi-elliptical side weir in subcritical flow", Flow Measurement and Instrumentation, Volume 22, Issue 1, Pages 25-32.

Kindsvater, C. E., & Carter, R. W. (1957). "Discharge characteristics of rectangular thin plate weirs". Journal Hydraulic. Division. 83(6), 1–36.

Maranzoni, A., Pilotti, M., & Tomirotti, M. (2017). "Experimental and numerical analysis of side weir flows in a converging channel." Journal of Hydraulic Engineering, 143(7), 04017009

Michelazzo, G. (2015). "New analytical formulation of De Marchis model for a zero-height side weir." Journal of Hydraulic Engineering, 141(12), 04015030.

Norouzi, R., Daneshfaraz, R., & Ghaderi, A. (2019). Investigation of discharge coefficient of trapezoidal labyrinth weirs using artificial neural networks and support vector machines. Applied Water Science, 9(7), 1–10. 10.1007/s13201-019-1026-5

Nourani, B., Norouzi, R., Rezaei, F., & Salmasi, F. (2021). "Investigation of the Stage-Discharge Relation and Discharge Coefficient in Sharp-Crested Weirs with Triangular Shape in Plan", Amirkabir Journal of Civil Engineering, 53(5), pp. 1689-1704. doi: 10.22060/ceej.2019.16931.6399. (*inPersian*)

Parvaneh, A., Parvaneh, M., Rakhshandehroo, G., Jalili Ghazizadeh, M. R. & Sadeghian, H. (2022). Discharge Characteristics of a Novel Inclined-Bed Triangular Side Weir in Subcritical Flow. Journal of Irrigation and Drainage Engineering. 148. 10.1061/(ASCE)IR.1943-4774.0001651.

Roushangar, K., Khoshkanar, R. & Shiri, J. (2016). "Predicting trapezoidal and rectangular side weirs discharge coefficient using machine learning methods". ISH Journal of Hydraulic Engineering, vol. 22, issue 3, pp. 254-261. 10.1080/09715010.2016.1177740.

Roushangar, K. & Mehrizad, A. (2024). "Kernel-based framework for improved prediction of discharge coefficient in vertically supported cylindrical weirs". Journal of Hydroinformatics. 26 (8): 1883–1905. doi: https://doi.org/10.2166/hydro.2024.039.

Schoder, E.W. & Turner, K.B. (1929). "Precise Weir Measurements." Trans. ASCE, 93, 999-1110. Sheikh Rezazadeh Niko, N., Manem, J. & Safavi, Kh. (2015). "Extracting the flow equation of submerged flow and determining the flow coefficient in a pivot side weir with different pivot compressions". Iranian Irrigation and Drainage Magazine, No. 5, Volume 9, December - December 2014, p. 691-700. (*inPersian*)

Sheikh Rezazade Niko, N., Qobadi, S. & Manem, J. (2016). "Determining the Debye-Eschel equation for pivot weirs". National Irrigation and Drainage Congress of Iran. (*inPersian*)

USBR. (1948). "Studies of Crests for Overfall Dams." Bulletin 3. Boulder Canyon Project, Final Report. United States Bureau of Reclamation, Denver.

Wahlin B.T., & Replogle J.A. (1994). "Flow Measurement Using an Overshot Gate". United States Department of the Interior Bureau of Reclamation, under Cooperative Agreement NO.1425-2-FC-81-19060 entitled Water Conservation Innovative Technology Study for Agriculture and Urben Irrigation Water.

White. F. M. (2011) "Fluid Mechanics," 7th Edition, McGrav-Hill, New York.